

مجله تحقیقات بن
سال چهارم، شماره دوم
پاییز و زمستان، ۹۰
۱۷-۲۸ص
تاریخ دریافت: ۸۹/۹/۲۵
تاریخ پذیرش: ۹۰/۲/۵

طرح اختلاط بن با استفاده از اصول بهینه‌سازی و بر اساس نتایج آزمایشگاهی

*علیرضا حبیبی

استادیار گروه عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه کردستان، سنندج
همون صفاری
دانشجوی کارشناسی ارشد سازه، دانشگاه کردستان، سنندج

چکیده

محدودیت منابع موجود و استفاده روزافزون از بن، لزوم به کارگیری هدفمند از سرمایه‌ها را بویژه در تولید صنعتی و انبوه این نوع مصالح، به وجود آورده است. به منظور تولید بهینه و انبوه بن، یکی از اساسی‌ترین شاخص‌ها که باید تغییر یابد، طرح اختلاط آن است. هدف از پژوهش حاضر، ارائه یک روش جدید برای طرح اختلاط بن با استفاده از اصول بهینه‌سازی می‌باشد. از طرفی با توجه به مبنای مطالعاتی همزمان تئوریک و آزمایشگاهی در این تحقیق، با در نظر داشتن شرایط ساخت بن در ایران جنبه کاربردی آن دارای اهمیت ویژه‌ای می‌باشد. به این منظور ابتدا مدل بهینه‌سازی طرح اختلاط بن به صورتی که تأثیر نتایج آزمایشگاهی در آن لحاظ شده باشد، تعریف می‌شود. سپس با استفاده از یک الگوریتم بهینه‌سازی، طرح اختلاط بهینه برای بن با مقاومت مورد نظر به دست می‌آید. پرسه و مدل ارائه شده در این مطالعه، با تغییرات کمی، قابلیت توسعه برای مسائل مشابه را دارد.

نتایج حاصل از مطالعه موردي، نشان می‌دهند که طرح اختلاط بهینه در حالت حداقل شدن بزرگترین بعد درشت‌دانه و در نتیجه حداقل شدن حجم شن مصرفی به دست می‌آید. روش توسعه یافته، علاوه بر خودکار نمودن پرسه طرح اختلاط توانایی حداقل نمودن هزینه‌های بن را دارد.

واژه‌های کلیدی: طرح اختلاط، بن، بهینه‌سازی، هزینه

*نویسنده مسئول: ar.habibi@uok.ac.ir

۱. مقدمه

تعیین شد و نیز دو طرح اختلاط برای استفاده در تابستان و زمستان پیشنهاد شد. کانون و مورتی در سال ۲۰۰۳ نسبت اختلاط بهینه بتن را بدست آوردند.^[۴] آنها بر پایه مفاهیم بهینه‌سازی یک روش طرح اختلاط بتن با کمترین هزینه ارائه دادند. در مطالعه آنها وضعیت کارایی و مقاومت بتن توسط وابستگی توابعشان به اجزاء طرح اختلاط در نظر گرفته شد. همچنین برای اطمینان از قابل قبول بودن مقادیر متفاوت اندازه‌های دانه‌ها، محدوده‌ای برای دانه‌بندی در نظر گرفته شد. آنها یک برنامه کامپیوتری با نام COMP برای رابطه‌سازی مسئله و انجام بهینه‌سازی طرح اختلاط بتن ارائه نمودند. روش ارائه شده توسط آنها، قابلیت اصلاح فرضیات یا اضافه کردن قبود جدید را داشت. به و همکارانش نیز تحقیقات گسترشده‌ای را در این زمینه انجام داده‌اند. او در سال ۲۰۰۶ در پژوهشی هزینه بتن با مقاومت معمولی را با استفاده از الگوریتم ژنتیک کمینه کرد.^[۵] وی ابتدا طرح اختلاط را به صورت مسئله بهینه‌سازی رابطه‌سازی نمود و دو واحد (ماژول)، مدل سازی و بهینه‌یابی را تشکیل داد. سپس مسئله را با استفاده از واحد (ماژول) بهینه‌سازی بر پایه برنامه‌نویسی درجه دو و الگوریتم ژنتیک حل نمود. برای ارزیابی برنامه کامپیوتری حاصل از مجموع این واحدها، برنامه برای به دست آوردن طرح اختلاط بهینه با محدوده اسلامپ ۲۵-۵-۲۵ سانتی‌متر و محدوده مقاومت ۵۵-۲۵ مگاپاسکال استفاده گردید. حیبی و یوسفی در سال ۱۳۸۸ (۲۰۰۹) بهینه‌سازی هزینه بتن بر مبنای نتایج تعدادی طرح اختلاط توری را انجام دادند.^[۶] آنها ابتدا با تعریف و تعیین یک قید مقاومت مشخصه طرح را کنترل نمودند. سپس با استفاده از الگوریتم SLP روشی برای طرح اختلاط بهینه بتن با مقاومت معمولی برای رسیدن به کمترین هزینه ارائه کردند. برای بهینه‌یابی بتن‌های ویژه نیز تحقیقات زیادی انجام گرفته است، از جمله سایمون و همکارانش در سال ۱۹۹۷ یک آزمایش اختلاط آماری را برای بهینه نمودن مقادیر طرح اختلاط بتن با کارایی بالا ارائه دادند.^[۲] آنها برای محاسبه رابطه بین مقاومت فشاری و متغیرهای طراحی از چند جمله‌ای‌های درجه دو (Scheffe) استفاده نمودند. همچنین برای یافتن ضرایب این رابطه، طرح اختلاط انجام دادند.

آمده است. به این صورت که افزایش مناسب درشت‌دانه می‌تواند نفوذپذیری کلرید (آشت‌تی ۲۷۷^۱) و مقاومت در برابر ترک (یا آزمایش حلقه، آشت‌صفحه ۹۸-۳۴^۲)، همگی در روزهای مشخص و برای تمامی نمونه‌های بتنی و آزمایش اقباض بتن برای برخی نمونه‌ها می‌باشد. مطالعه ایشان شامل دو فاز می‌شود، فاز اول انتخاب طرح اختلاط و فاز دوم دقت‌سنگی طرح اختلاط‌های فاز اول و انتخاب نهایی برای استفاده در این زمینه، در این مطالعه درجه‌بندی خاکسترها بادی مناسب و مزیت استفاده از درشت‌دانه‌ها به دست آمده است. به این صورت که افزایش مناسب درشت‌دانه می‌تواند نفوذپذیری، مقاومت در برابر ترک خوردگی و مقاومت ۲۸ روزه را بهبود بخشد. همچنین محدوده پارامترهای طرح اختلاط بهینه بتن نیز توجیه پذیری آنها گردد. خیاط و غزال در سال ۲۰۰۲ بهینه‌سازی بتن‌های خودمتراکم دارای سنگ آهک را با استفاده از

¹ AASHTO T277² ring tests, AASHTO PP34-98

روش‌های طراحی فاکتوریل آماری^۱ انجام دادند[۷]. در این بهینه‌سازی طرح اختلاط با استفاده از منحنی‌های هم پاسخ^۲ را بررسی کردند [۱۱]. در مطالعه آنها، مقاومت ۲۸ روزه، ۲۷ طرح اختلاط بر اساس نسبت‌های متفاوت آب، میکروسیلیس و پودرستگ آهک، به مواد سیمانی بنای محاسبات قرار گرفت. بدون تأثیر منفی بر مقاومت یک روزه بهبود می‌بخشد. البته این نمونه‌ها حداقل تا ۱۰ درصد کاهش مقاومت ۲۸ روزه را در مقایسه با بتن‌های مشابه بدون پرکننده نشان می‌دهد. همچنین استفاده از پرکننده هزینه را کاهش می‌دهد، به طوری که می‌تواند ضریب سیمان را نیز کاهش دهد. یون و همکاران در سال ۲۰۰۳ بهینه‌سازی چند هدفه^۴ را برای بتن‌های با مقاومت بالا با استفاده از روش تاگوجی انجام دادند[۱۲]. آنها در یک رتبه‌بندی میزان و اثر هر یک از نسبت‌ها را بر روی بتن خودترکام با مقاومت بالا در حالت‌های تازه و سخت شده نشان دادند. مورلی و کندرسی گرفن این نکته که رسیدن به کارایی مورد نظر در آنها نیاز به استفاده از مخلوطهای آزمایشی برای انتخاب ترکیب مورد نظر دارد، روش جدیدی برای طرح اختلاط بتن با کارایی بالا استفاده منظور کاهش مخلوطهای آزمایشی پیشنهاد دادند. در تحقیق آنها بررسی‌های تحریکی و تحلیلی برای بسط روش طراحی و بازبینی طرح اختلاط پیشنهادی انجام گرفت. رمضانیانپور و حسن خانی در سال ۱۳۸۲ (۲۰۰۳) نسبت بهینه مواد در طرح اختلاط بتن غلتکی را تعیین نمودند [۹]. آنها ابتدا اثر مصالح تشکیل دهنده بتن غلتکی، یعنی سنگدانه‌ها، سیمان، آب و پوزولان، را بر خواص مقاومتی آن بررسی کردند و نسبت‌هایشان را مورد ارزیابی قرار دادند. سپس شرایط سنگدانه را در تعیین نسبت‌های محدودی در حوزه روش‌های طرح اختلاط بهینه وجود دارد. بهینه جهت دستیابی به حداقل مقاومت بررسی نمودند. بهرویان و زارعی در سال ۱۳۸۳ (۲۰۰۴) بهینه‌سازی بتن‌های پلیمری را انجام دادند [۱۰]. آنها از یکی از روش‌های بهینه‌سازی بتن پلیمری به پیشنهاد انسٹیتوی ملی استاندارد و تکنولوژی ایالات متحده استفاده نمودند. این مطالعه همزمان روی بتن‌های پلیمری اپوکسی و بتن‌های پلیمری پلی‌استری انجام گرفت. با استفاده از مدل‌های آماری دورانی^۵ و ۳۶ نمونه بتنی از هر نوع بتن طراحی گردید. فاکتورهای اصلی مورد مطالعه آنها دانسته، مقاومت فشاری، مقاومت خمی و مدول الاستیسته می‌باشند. در این مطالعه نشان داده شد که یک مدل طراحی که بر پایه یک تابع درجه دوم باشد، ایجاد کننده یک پایه مناسب برای بتن پلیمری است. مستوفی نژاد و رئیسی در سال ۱۳۸۴ (۲۰۰۵) تأثیر پودرستگ و

³ Response Surface Methodology (RSM)⁴ Multi-Objective Optimization⁵ High performance self compacting concrete (HPSCC)¹ Statistical Factorial Design Methods² Rotatable

بهینه‌سازی طرح اختلاط، الگوریتم برنامه‌ریزی درجه دوم متوالی (SQP) به کار گرفته می‌شود. برای نشان دادن کارایی روش در حالی که بقیه فرضیات مقدارشان ثابت است، بزرگترین بعد پیشنهادی، بهینه‌سازی نوع طرح اختلاط بتن با مقاومت ۲۰ و درشت‌دانه اغلب قابل انتخاب است و در این پژوهش نیز به عنوان ۲۵ مگاپاسکال انجام شده است. نتایج حاصل نشان می‌دهد که متغیر اصلی در نظر گرفته شده و بر مبنای آن چهار متغیر تابع روش پیشنهادی تحقیق، ضمن ارضا نمودن محدودیت مقاومت و سایر محدودیت‌های طرح، قابلیت کاهش هزینه ساخت بتن را بطور سیمان، درشت‌دانه و ریزدانه هستند که با تغییر هر یک از آنها، مشخصه‌های طرح از جمله مقاومت فشاری، می‌تواند به شدت موثری دارد.

۲. رابطه‌سازی مدل بهینه‌سازی طرح اختلاط بتن
هدف از بهینه‌سازی یافتن مقادیر بهینه پارامترهای مهم طراحی (متغیرهای طراحی) برای حداقل (یا حداقل) کردن یک کمیت (تابع هدف) تحت محدودیت‌های خاصی (قيود طراحی) می‌باشد. طراحی یک فرایند چرخه‌ای است. منظور از چرخه این است که قبل از این که یک طرح قابل قبول به دست آید سیستم‌های آزمایشی متعددی به دنبال هم تحلیل می‌شوند. جهت ارائه یک مدل بهینه‌سازی مناسب و الگوریتم موثر برای طرح اختلاط بتن، لازم است که اجزای آن شامل متغیرهای طراحی، تابع هدف و قيود طراحی بصورت مناسب تعریف و رابطه‌سازی شوند. رابطه‌سازی یک مسئله طراحی بهین، عبارت است از بیان مسئله به صورت یک عبارت ریاضی، در ادامه این بخش جزئیات مربوط به مدل بهینه‌سازی طرح اختلاط بتن تشریح می‌گردد.

۲-۱. متغیرهای طراحی
متغیرهای طراحی در هر مسئله طراحی، پارامترهای مهمی هستند که برای تشریح طراحی یک سیستم انتخاب می‌شوند و تغییر در مقدار آنها می‌تواند طرح را بطور قابل توجهی متاثر سازد. در طرح اختلاط بتن بر اساس روش پیشنهادی آین نامه ACI-211 [۱] مقادیری از جمله مقاومت فشاری ۲۸ روزه مورد انتظار برای بتن، مدول نرمی ماسه، وزن شن و ماسه بر اساس حالت اشباع با سطح خشک، بازه مقدار اسلامپ و بزرگترین بعد درشت‌دانه و بتن، به عنوان تابع هدف در نظر گرفته می‌شود که باید حداقل گردد. به این ترتیب تابع هدف مسئله طرح اختلاط را می‌توان به شرایط اقتصادی و چهارگایی به طراح تحییل می‌شود و در برخی دیگر انتخاب بر عهده طراح است. از این نکته می‌توان (۱) برای شکل دهنده مسئله بهینه‌سازی استفاده نمود، به این معنی که تعدادی از این فرضیات را در محدوده مجاز متغیر در نظر گرفت

$$\text{Minimize Cost} = C_1 * X_1 + C_2 * X_2 + C_3 * X_3 + C_4 * X_4$$

$g_2 : X_1 - A * X_2 \leq 0$ (۳) که در آن C_1 هزینه واحد وزن آب، C_2 هزینه واحد وزن سیمان، C_3 هزینه واحد وزن ماسه و C_4 هزینه واحد وزن شن می‌باشد.
در نامعادله فوق ضریب A حداکثر نسبت آب به سیمان است که همچنین در این رابطه و کلیه روابطی که در ادامه بیان می‌شوند، با توجه به مقاومت موردنظر از مرجع [۱] بدست می‌آید.
 X_i متغیرهای طراحی متناظر هستند. ضرایب هزینه قابل اصلاح همچنین محدوده تقریبی وزن مخصوص بتن تازه از این مرجع می‌باشد و در زمان‌های مختلف بر اساس شرایط اقتصادی تعیین می‌گردند. همچنین با توجه به وابسته بودن تابع هدف به صورت می‌باشد: می‌باشد.

$g_3 : X_1 + X_2 + X_3 + X_4 \leq C$ (۴) مستقیم به این ضرایب، روشن است که طرح اختلاط بهینه در شرایط می‌باشد: می‌باشد.
 $g_4 : -X_1 - X_2 - X_3 - X_4 \leq D$ می‌باشد: می‌باشد.

که در آنها ثابت C مقدار حداکثر و ثابت D مقدار حداقل وزن

مخصوص بتن تازه هستند که از مرجع [۱] بدست می‌آیند.

با توجه به اینکه معمولاً نسبت‌های طرح اختلاط برای یک محدودیت‌هایی که طرح را تحت تأثیر قرار می‌دهند را به عنوان قيد طراحی برای مدل در نظر می‌گیرند. پاسخ طرح زمانی قابل قبول می‌باشد که متغیرهای طراحی، تمامی قيد زیر تعريف شده را

$g_5 : -B_1 * X_1 - B_2 * X_2 - B_3 * X_3 - B_4 * X_4 \leq -1$ (۵) برآورده کنند. بهینه‌سازی طرح اختلاط شامل متغیرهای ثانویه (مانند بزرگترین بعد سنگدانه) نیز می‌باشد که این متغیرها وابسته

به متغیرهای اصلی هستند. اما برای استفاده عملی از طرح اختلاط و ساخت بتن از طریق طرح بهینه باید مقادیر هریک از آنها از طریق جداولی مشخص شود. بر این اساس لازم است که شرایط متغیرهای طراحی در هر گام از طرح اختلاط براساس ACI-211 شیوه‌سازی شوند. جداول این آینه همچنین محدودیت‌های اجرایی و دیگر حدود را نیز پوشش می‌دهد. به

عنی آب، سیمان و ماسه می‌توان قيد زیر را تعريف نمود:

$g_6 : B_1 * X_1 + B_2 * X_2 + B_4 * X_4 \leq E$ (۶)

$g_7 : -B_1 * X_1 - B_2 * X_2 - B_4 * X_4 \leq -F$

در این روابط ضرایب B_i مطابق با شرح مذکور در رابطه (۵) است. مقادیر E و F به ترتیب حداکثر و حداقل مقدار خمیر بتن هستند. علاوه بر این قيد، محدودیت مقدار هر یک از متغیرهای طراحی از لحاظ اجرایی، به عنوان یک قيد طراحی در نظر گرفته شده است:

$g_8 : X_i^L \leq X_i \leq X_i^U$ (۷)

برای هر متغیر X_i ، X_i^U کران بالا و X_i^L کران پایین متغیرهای طراحی را نشان می‌دهد.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود تمامی قيد طرح اختلاط به استثنای قيد شماره ۱ (محدودیت مقاومت فشاری) توابع صریحی از نمایند. این نسبت توسط قيد زیر کنترل می‌شود:

$g_9 : -\bar{f}_c \leq -f_c$ (۲)

در این رابطه \bar{f}_c رابطه برازش شده مقاومت فشاری بتن بر اساس نتایج آزمایشگاهی و f_c مقاومت فشاری روزه مورد انتظار برای بتن است. آینه با در نظر گرفتن هردو چنین مقاومت و کارآبی لازم برای نمونه‌ها، حداکثر نسبت آب به سیمان را تعیین می‌نماید. این نسبت توسط قيد زیر کنترل می‌شود:

مشخصه هر طرح از میانگین گیری مقاومت فشاری ۲۸ روزه سه نمونه بتنی محاسبه گردید و سپس در چند مرحله داده‌های دارای خطای غیر مجاز حذف شدند. در نهایت ۱۵ نتیجه آزمایشگاهی، مطابق با اطلاعات جدول (۱)، برای محاسبه ضرایب مجهول به کار رفته در معادله (۸)، مورد رجوع قرار گرفت. با حداقل‌سازی تابع هدف خطای مطابق معادله (۹)، ضرایب بهینه محاسبه شدند و در نتیجه معادله نهایی زیر برای تابع مقاومت فشاری حاصل گردید:

$$\bar{f}_c = 0.793 * X_1 + 0.7 * X_2 + 0.102 * X_3 - 0.417 * X_4 - 0.003 * X_1^2 - 0.001 * X_2^2 - 0.0001 * X_3^2 + 0.0001 * X_4^2 + 345 \quad (10)$$

صریح است خراج خواهد شد. در ادامه روشهای موثر برای رابطه‌سازی و فرمول‌بندی قید محدودیت مقاومت فشاری بتن، تشریح می‌گردد.

مقدار خطای حاصل از معادله فوق در تخمین مقاومت فشاری هر

طرح اختلاط محاسبه و در جدول (۱) خلاصه شده است. تابع موجود در این جدول نشان می‌دهد که مقدار حد اکثر خطای ایجاد شده که مربوط به آزمایش شماره ۲۰ می‌باشد، برابر ۵ درصد است و در نتیجه استفاده از معادله (۱۰) می‌تواند دقت مطلوبی را در محاسبه مقاومت فشاری واقعی طرح اختلاط، تضمین نماید.

۳. مطالعه عددی

۱-۱. طرح اختلاط بهینه برای مقاومت ۲۰ مگاپاسکال
در بخش اول از مطالعه عددی، طرح اختلاط بهینه توسط روش پیشنهادی این مقاله و روش تئوری، برای مقاومت ۲۰ مگاپاسکال محاسبه می‌شود. در این مثال، فرض می‌شود که اسلامپ برابر ۵۰ میلی‌متر، مدول نرمی ماسه برابر ۲/۸، مقاومت فشاری ۲۸ روزه مساوی با ۲۰۰ کیلوگرم بر سانتی‌مترمربع، وزن مخصوص ظاهری شن خشک میله خورده برابر ۱۶۰۰ کیلوگرم بر مترمکعب، سیمان تیپ ۱ دارای چگالی ۳/۱۵، چگالی ریزدانه ۲/۶۴ و چگالی درشت‌دانه ۲/۶۸ باشد. بهای آب واحد در نظر گرفته شده و به نسبت آن هزینه هر کیلوگرم سیمان برابر ۶ واحد، هزینه هر کیلوگرم شن برابر ۸ واحد و هزینه هر کیلوگرم ماسه برابر ۷ واحد در نظر گرفته شده‌اند. بزرگترین بعد درشت‌دانه در محدوده ۵/۰ تا ۵۰ میلی‌متر قابل تغییر است. بر اساس این فرضیات، فرمول‌بندی طرح اختلاط بتن به عنوان یک مسئله بهینه‌سازی استاندارد به شرح زیر حاصل می‌شود:

متغیرهای طراحی هستند و با معلوم بودن ضرایب به کار رفته در آنها به سادگی تعیین می‌شوند. یکی از مشکلات اصلی یافتن طرح اختلاط بهینه که در تحقیقات محققین قبلی دیده می‌شود، مشخص نبودن تابع مقاومت فشاری می‌باشد. جهت رفع این مشکل و به منظور ارائه یک الگوریتم موثر بهینه‌یابی برای مسئله طرح اختلاط بتن در تحقیق حاضر، برای قید شماره ۱ نیز رابطه‌ای صریح استخراج خواهد شد. در ادامه روشهای موثر برای رابطه‌سازی و فرمول‌بندی قید محدودیت مقاومت فشاری بتن، تشریح می‌گردد.

۱-۳-۲. فرمول‌بندی قید مقاومت فشاری بتن

همان‌طور که در بخش قبل بیان شد لازم است رابطه‌ای تنظیم شود که حداقل مقاومت فشاری ۲۸ روزه مورد نظر را به عنوان یک قید کنترل نماید. به این منظور و جهت افزایش دقت رابطه غیرخطی زیر برای تخمین مقاومت فشاری، پیشنهاد می‌شود:

$$\bar{f}_c - \sum_i c_i * X_i - \sum_i c'_i * X_i^2 + b = 0 \quad (8)$$

که در آن، c_i ، c'_i و b ضرایب مجهولی می‌باشند که از پردازش داده‌های آزمایشگاهی به دست می‌آیند. تعیین رابطه مناسب برای مقاومت مشخصه به طوری که دارای حداقل خطأ در تخمین مقاومت باشد، خود مستلزم حل یک مسئله بهینه‌سازی نامقید است. در این حالت، متغیرهای طراحی مدل بهینه‌سازی، همان ضرایب مجهول معادله (۸) هستند. همچنین تابع هدف، مقدار خطای ایجاد شده در معادله (۸) است که به صورت مجدد مجموع مربuat تفاضل مقاومت فشاری به دست آمده از معادله و مقاومت فشاری واقعی به دست آمده از آزمایش، مطابق با معادله زیر، در نظر گرفته می‌شود:

$$\text{Error} = \sqrt{\sum_i (\bar{f}_c(c_i, c'_i, b) - f_{c_i})^2} \quad (9)$$

که در آن، Error مقدار تابع هدف و \bar{f}_c تابعی بر حسب ضرایب مجهول معادله است. همچنین c_i مقاومت‌های فشاری حاصل از نتایج نمونه‌های آزمایشگاهی است. برای تعیین c_i در رابطه مورد نظر، از نتایج آزمایشگاهی استفاده گردید. به این منظور ابتدا طرح اختلاط چندین نمونه بتنی انجام گرفت. در این نمونه‌ها اسلامپ در محدوده ۵۰-۲۵، چگالی شن برابر ۲/۶۴، چگالی ماسه برابر ۲/۶۶ و چگالی سیمان ۳/۱۵ در نظر گرفته شدند. مقاومت

نتایج بدست آمده از جایگزینی رابطه‌ی توریک مرجع [۶] در همین مسئله، مقابسه گردید. نتایج بدست آمده از این مقایسه در جدول (۲) خلاصه شده‌اند. در این جدول همچنین قیود فعلی، یعنی قیودی که به صورت مساوی اوضاع شده‌اند، در هر حالت ذکر شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود قیود فعل و مقادیر تمامی اجزاء اصلی در هر دو حالت برابر می‌باشد. البته با استفاده از رابطه توریک [۶] مقاومت فشاری حاصل از ترکیب این اجزاء تقریباً برابر با ۲۰ مگاپاسکال و بر اساس رابطه آزمایشگاهی (رابطه پس از فرمول‌بندی مسئله الگوریتم SQP برای حل آن به کار بدست آمده در این مطالعه) نزدیک به ۲۱ مگاپاسکال تخمین

$$\begin{aligned} \text{Minimize Cost} = & 1 * X_1 + 60 * X_2 + 7 * X_3 + 8 * X_4 \\ \text{s.t.: } g_1 \equiv -\bar{f}_c & \leq -20 \\ g_2 \equiv X_1 - 0.69 * X_2 & \leq 0 \\ g_3 \equiv X_1 + X_2 + X_3 + X_4 & \leq 2445 \\ g_4 \equiv -X_1 - X_2 - X_3 - X_4 & \leq -2280 \\ g_5 \equiv -0.001 * X_1 - 0.0003 * X_2 & \\ -0.0004 * X_3 - 0.0004 * X_4 & \leq -1 \\ g_6 \equiv 0.001 * X_1 + 0.0003 * X_2 & \\ + 0.0004 * X_4 & \leq 0.55 \\ g_7 \equiv -0.001 * X_1 - 0.0003 * X_2 & \\ - 0.0004 * X_4 & \leq -0.25 \\ g_8 \equiv 154 & \leq X_1 \leq 207 \\ g_9 \equiv 736 & \leq X_3 \leq 1184 \\ 0 & \leq X_2, X_4 \end{aligned}$$

گرفته می‌شود. برای جزئیات این الگوریتم می‌توان به مرجع [۱۴] زده می‌شود.

مراجعه نمود. طرح اختلاط بهینه محاسبه شده در این مطالعه و

جدول ۱- اطلاعات نمونه‌های مرجع و مقدار خطای رابطه برازش داده شده

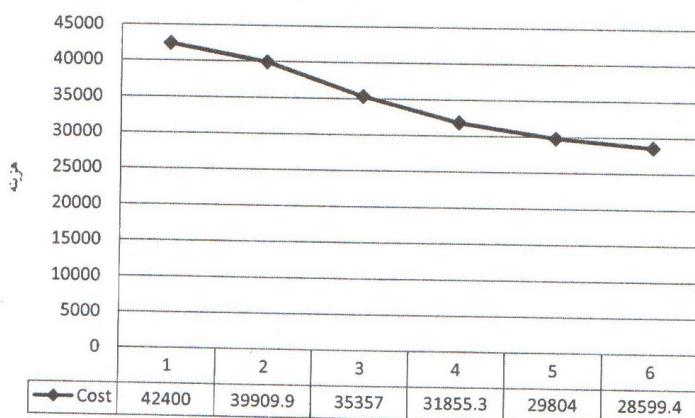
| نمونه Kg/ M ² | آب Kg/ M ² | سیمان Kg/ M ² | شن Kg/ M ² | ماسه Kg/M ² | مقاومت فشاری (آزمایشگاهی) Kg/cm ² | مقاومت فشاری (معدله) Kg/cm ² | خطا Kg/cm ² | درصد خطأ |
|-----------------------------|--------------------------|-----------------------------|--------------------------|---------------------------|---|--|---------------------------|-----------|
| ۱ | ۱۵۰/۰۵ | ۲۱۷/۵۰۴ | ۹۵۰/۳۳۶ | ۱۰۶۲/۱۱ | ۱۹۲/۴ | ۲۰۱/۰۰۹۷ | -۸/۶۰۹۷ | ۴/۲۸۳۲۲۶ |
| ۲ | ۱۶۱/۹۹۲ | ۲۳۴/۷۷۳ | ۶۸۳/۲۳۵ | ۱۳۰۰ | ۱۹۳/۹۵ | ۲۰۳/۹۹۹۲ | -۱۰/۰۴۹ | ۵/۱۸۱۳۳۵ |
| ۳ | ۱۵۰ | ۲۱۷/۴۴۹ | ۱۲۶۸/۲۴ | ۷۷۷/۳۱۵ | ۲۰۰/۲ | ۲۰۵/۱۵۹۷ | -۴/۹۰۹۷ | ۲/۴۷۷۷۷۳ |
| ۴ | ۱۵۰ | ۲۱۷/۴۲ | ۹۰۵/۷۹۸ | ۱۱۰۶/۷۷ | ۲۰۳/۵۵ | ۲۰۰/۸۵۷۴ | ۲/۶۹۲۶ | ۱/۳۲۲۸۲ |
| ۵ | ۱۵۰ | ۲۱۷/۴۱۸ | ۷۱۲/۵۸۲ | ۱۳۰۰ | ۲۱۱/۶ | ۲۰۱/۵۸۸۹ | ۱۰/۰۱۱۱ | ۴/۷۳۱۱۴۴ |
| ۶ | ۱۶۱/۹۹۲ | ۲۳۴/۷۷۳ | ۶۸۳/۲۳۵ | ۱۳۰۰ | ۲۰۳/۴۵ | ۲۰۳/۹۹۹۲ | -۱۰/۴۹۲ | ۰/۲۶۹۹۴۴۳ |
| ۷ | ۱۶۶ | ۲۴۴ | ۱۱۰۰ | ۱۸۱۳ | ۱۷۲/۰۵ | ۱۷۴/۱۹۹۹ | -۱/۶۴۹۹ | ۰/۹۵۶۱۸۷ |
| ۸ | ۱۶۶ | ۲۴۴ | ۱۰۹۸ | ۱۸۱۴ | ۱۷۶/۲۵ | ۱۷۴/۵۸۸۳ | ۱/۹۶۱۷ | ۰/۹۴۲۸۰۹ |
| ۹ | ۱۶۶ | ۲۴۴ | ۱۱۶۰ | ۸۴۷ | ۲۱۲/۲۵ | ۲۰۵/۲۴۱۷ | ۷/۰۰۸۳ | ۳/۳۰۱۹۰۸ |
| ۱۰ | ۱۵۰ | ۲۵۴ | ۹۴۶ | ۱۰۹۳ | ۲۰۹/۳۵ | ۲۰۳/۸۶۳۴ | ۰/۴۸۶۶ | ۲/۶۲۰۷۷۹ |
| ۱۱ | ۱۶۸ | ۲۰۰ | ۱۰۰۰ | ۱۰۳۶ | ۱۸۸/۸۵ | ۱۹۰/۴۵ | -۱/۶ | ۰/۸۴۷۲۳۳ |
| ۱۲ | ۲۱۳ | ۳۶۱ | ۵۲۸ | ۱۱۲۴ | ۲۰۴/۸ | ۲۰۴/۵۲۳۴ | ۰/۲۷۶۶ | ۰/۱۳۵۰۵۹ |
| ۱۳ | ۱۶۸ | ۲۴۷ | ۱۰۰۸ | ۹۸۸ | ۲۰۷/۹ | ۲۰۴/۶۰۰۲ | ۳/۲۹۴۸ | ۱/۵۸۴۸ |
| ۱۴ | ۱۶۶ | ۳۳۲ | ۱۱۸۹ | ۷۲۰ | ۲۲۸/۵ | ۲۲۸/۹۵۹۲ | -۰/۴۹۴۲ | ۰/۲۰۵۳۳۹ |
| ۱۵ | ۱۵۰ | ۳۰۰ | ۸۴۴ | ۹۹۷ | ۲۲۶ | ۲۲۸/۸۸۷ | -۲/۸۸۷ | ۱/۲۷۷۴۳۴ |

طرح اختلاط بتن با استفاده از اصول بهینه‌سازی و ...

جدول ۲- نتایج نهایی بهینه‌سازی

| آب Kg/M ³ | سیمان Kg/M ³ | شن Kg/M ³ | ماسه Kg/M ³ | مقاومت Kg/Cm ² | هزینه UNIT/M ³ | قيود فعال | |
|-------------------------|----------------------------|-------------------------|---------------------------|------------------------------|------------------------------|--|------------|
| ۱۵۴ | ۲۲۳/۲ | ۱۱۶۲ | ۸۲۲/۶ | ۲۰۸/۶ | ۲۸۵۹۹/۴ | g ₁ , g ₂ , g ₆ | آزمایشگاهی |
| ۱۵۴ | ۲۲۳/۲ | ۱۱۶۲ | ۸۲۲/۶ | ۲۰۰/۷۴ | ۲۸۶۰۳/۱ | g ₁ , g ₂ , g ₆ | نوری |

هزینه در هر چترخه



شکل ۱- روند همگرایی برای طرح اختلاط بتن با مقاومت ۲۰ مگاپاسکال^۱

جدول ۳- نتایج بهینه‌سازی در مقاومت‌های مختلف

| آب Kg/M ³ | سیمان Kg/M ³ | شن Kg/M ³ | ماسه Kg/M ³ | مقاومت Kg/Cm ² | هزینه UNIT/M ³ | نسبت آب به سیمان | قيود فعال |
|-------------------------|----------------------------|-------------------------|---------------------------|------------------------------|------------------------------|---------------------|-------------------------------------|
| ۱۸۱/۳ | ۲۸۶ | ۱۱۸۴ | ۹۷۶/۲ | ۲۳۵ | ۳۱۵۴۵/۹ | ۰/۶۳۴ | نسبت آب به سیمان حجم مقاومت |
| ۱۸۴/۱ | ۲۸۳/۳ | ۱۱۸۴ | ۹۷۱ | ۲۲۵ | ۳۱۳۵۰/۲ | ۰/۶۵ | |
| ۱۵۸/۵ | ۲۳۶/۶ | ۱۱۸۴ | ۷۷۷/۸ | ۲۱۵ | ۲۹۴۶۹/۱ | ۰/۶۷ | |
| ۱۵۴ | ۲۲۸/۱ | ۱۱۶۱/۵ | ۸۱۸/۹ | ۲۱۰ | ۲۸۸۶۷/۳ | ۰/۶۷۵ | نسبت آب به سیمان حجم |
| ۱۵۴ | ۲۲۶/۵ | ۱۱۶۱/۷ | ۸۲۰/۱ | ۲۰۵ | ۲۸۷۷۶/۷ | ۰/۶۸ | |
| ۱۵۴ | ۲۲۳/۲ | ۱۱۶۲ | ۸۲۲/۶ | ۲۰۰ | ۲۸۵۹۹ | ۰/۶۹ | |
| ۱۵۴ | ۲۲۰ | ۱۱۶۲/۲ | ۸۲۵ | ۱۹۵ | ۲۸۴۲۷/۱ | ۰/۷۰ | نسبت آب به سیمان حجم خمیر بتن |
| ۱۵۴ | ۲۱۶/۹ | ۱۱۶۲/۵ | ۸۲۷/۳ | ۱۹۰ | ۲۸۲۵۹/۷ | ۰/۷۱ | |
| ۱۵۴ | ۲۱۳/۹ | ۱۱۶۲/۸ | ۸۲۹/۶ | ۱۸۵ | ۲۸۰۹۶/۹ | ۰/۷۲ | |

۱- در تمامی نمودارها واحد محور قائم، هزینه تولید یک مترمکعب بتن با در نظر گرفتن بهای واحد برای آب می‌باشد.

آزمایشگاهی است که در جدول (۲) آمده است. اما این نکته نتیجه گرفت که در مقاومت‌های نسبتاً کم، اگر نسبت آب به سیمان و مقدار خمیر بتن که نیاز به یک دید مهندسی دارد پوشش داده شود، می‌توان به مقاومت لازم رسید. البته بتن حاصل ممکن است از نظر هزینه بهینه نباشد.

در شکل (۱) تغییرات تابع هدف در چرخه‌های طراحی ترسیم شده است. همانطور که مشاهده می‌شود طراحی پس از ۶ چرخه همگرا (مقدار دامنه تغییرات تابع هدف کمتر از ۱۰%) شده است. تعداد کم چرخه‌های مورد نیاز نشان می‌دهد که الگوریتم پیشنهادی دارای سرعت و نرخ همگرایی مطلوبی در حل مسئله بهینه‌سازی طرح اختلاط بتن می‌باشد.

۳-۳. طرح اختلاط بهینه برای مقاومت ۲۵ مگاپاسکال

در این بخش مسئله طرح اختلاط بهینه برای رسیدن به مقاومت مقدار هزینه کاهش می‌باشد. همچنین آب و متناظر با آن سیمان، دارای رابطه مستقیم با هزینه هستند یعنی کاهش آب (سیمان) هزینه را کم می‌کند. الگوریتم عملکرد منطقی داشته و با توجه به بهای بالای سیمان تعایل به کاهش آن دارد و به منظور تأمین محدودیت خمیر بتن، مقدار ماسه را کاهش می‌دهد. همان‌طور که در جدول (۲) مشاهده می‌شود این الگوریتم برای رسیدن به کمترین هزینه، مقاومت را تا رسیدن به مقدار نزدیک به حداقل مقاومت مجاز (مقاومت فشاری مورد نظر برای برابر با ۲۰ مگاپاسکال) کاهش می‌دهد. همچنین برای رسیدن به این مقاومت و با توجه به دیگر محدودیت‌ها، مقداری نزدیک به حداکثر قید نهم (محدودیت مقدار متغیرها) را برای شن پیشنهاد توجه می‌دهد. با توجه به هزینه سیمان، همانطور که قابل انتظار است از کمترین محدودیت مقدار نشان می‌دهد که با توجه به اینکه نسبت آب به سیمان (۰/۶۹)، کمترین مقدار سیمان و باطیع آن کمترین مقدار آب به دست آمده است.

مشاهده می‌شود برای این مقاومت، قید مقاومت جزء قیود فعلی است و همچنین تابع هزینه افزایش یافته است. با توجه به تعایل تابع هدف به کاهش هزینه، فعل شدن یکی از قیود حداقل حجم یا حداقل وزن، منطقی به نظر می‌رسد. در شکل (۲) تغییرات مقادیر تابع هزینه در چرخه‌های مختلف طراحی برای مقاومت ۲۵ مگاپاسکال نشان داده شده است. در صورت استفاده از نقطه اولیه مشابه مثال قبل، همگرایی آن در ۷ چرخه حاصل می‌شود.

$$g_1 \equiv -\frac{f_c}{25} - 25 \leq 0$$

$g_2 \equiv X_1 - 0.61 * X_2 \leq 0$

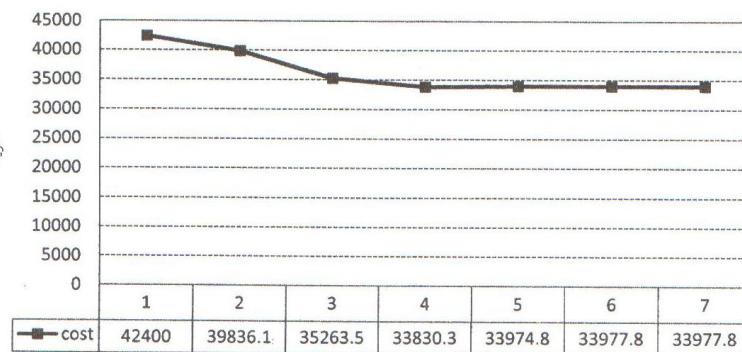
در جدول (۴) نتایج دو مورد بهینه‌سازی به روشن ارائه شده در این مطالعه، با یکدیگر مقایسه شده‌اند.

با توجه به نقطه شروع یکسان برای دو نمونه مطالعه موردي، روند است و برای هر مقاومت مشخص، این قید توسط درونیابی این جداول تصحیح شده است، قیود فعل نیز ذکر شده‌اند. همانطور که از نتایج موجود در جدول مشاهده می‌شود، با کاهش مقاومت، هزینه کاهش می‌باشد. اما این نکته قابل ملاحظه است که برای مقاومت فشاری کمتر از ۲۱۵ یکی از قیود فعل تغییر می‌کند، به این معنی که برای این مقادیر رابطه برآش شده، دیگر در حالت تساوی نیست. این مسئله دلیل برابری دو حالت ثوری و

جدول ۴- نتایج نهایی بهینه‌سازی

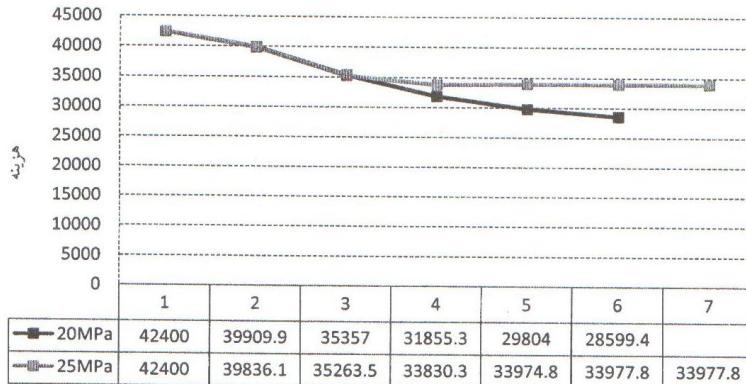
| قیود فعل | هزینه UNIT/M ³ | مقاومت Kg/cm ² | ماسه Kg/M ³ | شن Kg/M ³ | سیمان Kg/M ³ | آب Kg/M ³ | نمونه |
|--|------------------------------|------------------------------|---------------------------|-------------------------|----------------------------|-------------------------|--------------|
| g ₂ , g ₅ , g ₆ | ۲۸۵۹۹/۴ | ۲۰۸/۶ | ۸۲۲/۶ | ۱۱۶۲ | ۲۲۳/۲ | ۱۵۴ | ۲۰ مگاپاسکال |
| g ₁ , g ₂ , g ₆ | ۳۳۹۷۷/۸ | ۲۵۰ | ۵۶۴/۱ | ۱۱۸۴ | ۳۳۹/۲ | ۲۰۶/۹ | ۲۵ مگاپاسکال |

هزینه در هر چرخه



شکل ۲- روند همگرایی برای طرح اختلاط بتن با مقاومت ۲۵ مگاپاسکال

هزینه ها در هر چرخه



شکل ۳- مقایسه روند همگرایی دو طرح اختلاط بتن با مقاومت فشاری ۲۰ و ۲۵ مگاپاسکال

به صورت یک مسئله بهینه‌سازی رابطه‌سازی شد، که هدف از آن

۴. جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در این تحقیق طرح اختلاط بتن با دیدگاه جدیدی مورد بررسی کاوش هزینه اجزاء اصلی بتن برای مخلوط یک واحد حجم قرار گرفت و یک روش جدید برای طرح اختلاط بتن با مقاومت تحت شرایطی که مقاومت مشخصه مورد نظر را تأمین کند، بود. معمولی براساس اصول بهینه‌سازی و با استفاده از نتایج چهار متغیر طراحی شامل مقادیر وزنی چهار ماده آب، سیمان، آزمایشگاهی توسعه داده شد. به این منظور ابتدا طرح اختلاط بتن درشت‌دانه و ریزدانه در نظر گرفته شدند و تابع هدف بهینه‌سازی

- [5]. Yeh, IC. "Computer-Aided Design for Optimum Concrete Mixtures" *Cement & Concrete Composites*. 29, 193–202, 2007.
- [6]. حبیبی، علیرضا، یوسفی، مهدی. "بهینه کردن اجزاء اصلی بتن با استفاده از اصول بهینه سازی" اولین کنفرانس ملی مهندسی و مدیریت زیرساخت‌ها. ۱۳۸۸.
- [7]. A.Ghezal, and K. H. Khayat, "Optimizing Self-Consolidating Concrete with Limestone Filler by Using Statistical Factorial Design Methods," *Materials Journal*. 99, 3, 264-272, 2009.
8. Y.S. Yoon, J.-H. Kim, Ch.-H. Lim, "Genetic Algorithm in Mix Proportioning of High-Performance Concrete" *Cement and Concrete Research*. 34, 409–420, 2004.
- [۹]. علی اکبر رمضانیانپور، علی حسن خانی. "طرح اختلاط بهینه بتن غلتکی" ششمین کنفرانس بین المللی مهندسی عمران. ۱۳۸۷.
- [۱۰]. منوچهر بهرویان، مرتضی زارعی. "بهینه‌سازی بتن پلیمری،" فصلنامه انجمن بتن ایران، ۲۰ (۱۳۸۴) .۱۳۸۳.۳۶-۲۷.
- [۱۱]. داود، مستوفی زاد، محمد، رئیسی، "بررسی تاثیر پودر سنگ آهک بر مقاومت فشاری بتن حاوی میکروسیلیس و بهینه‌سازی طرح اختلاط با استفاده از منحنی‌های هم پاسخ" استقلال. ۱، ۱۳۸۴ (۱۳۸۴)، ۴۱۱-۴۰۱، ۲. ۱۳۸۴.
- [12]. E.Ozbay, A. Oztas, A. Baykasoglu, H. Ozbebek, "Investigating Mix Proportions of High Strength Self Compacting Concrete by Using Taguchi Method" *Construction and Building Materials*. 23 (2009), 694-702, 2009.
- [13]. T.M. Murali, S. Kandasamy, "Mix Proportioning of High Performance Self-Compacting Concrete Using Response Surface Methodology," *The Open Civil Engineering Journal*, 3, 93-97. 2009.
- [14]. J.S. Arora, "Introduction to Optimum Design." McGraw-Hill Book Company, 1989.

هزینه ساخت یک متر مکعب بتن بر اساس آنها تعريف گردید. محدودیت‌های طراحی در نظر گرفته شده شامل مقاومت مشخصه، قیود حجمی، وزنی و اجرائی بودند که به عنوان قیود طراحی وارد مدل بهینه‌سازی شدند. جهت صریح سازی قید مقاومت فشاری، رابطه‌ای برای مقاومت فشاری بر حسب متغیرهای طراحی، بر اساس نتایج آزمایشگاهی استخراج گردید. با به کار گیری الگوریتم بهینه‌سازی برنامه‌ریزی درجه دوم متواالی برای حل مسئله طرح اختلاط، نتایج طرح اختلاط بهینه در دو حالت تئوری و آزمایشگاهی (برای مقاومت ۲۰ و ۲۵ مگاپاسکال) محاسبه شدند. نشان داده شد که روش توسعه یافته در تحقیق علاوه بر خود کار نمودن پرسوه طرح اختلاط توانایی حداقل نمودن هزینه‌های بتن ریزی را دارد.

نتایج بدست آمده از مطالعات موردنی نشان دادند که هزینه اجزاء تشکیل دهنده بتن برای رسیدن به مقاومت ۲۰ مگاپاسکال در حالت عملی برابر مقدار مشابه در حالت تئوری است. همچنین بررسی نتایج در هر چرخه نشان می‌دهد برای تأمین مقاومت لازم برای بتن می‌توان درشت‌دانه را افزایش داد تا به حد اکثر مجاز برسد، که با توجه به مقاومت نوع مصالح و نیز ضرب کم آن در تابع هدف، این کار به صرفه است. رابطه مقاومت فشاری برای نتایج آزمایشگاهی پیچیده‌تر از تئوری است و می‌توان نتیجه گرفت که رابطه خطی بین اجزا برای تأمین مقاومت در عمل باقی نمی‌ماند و رفتار بتن در آزمایشگاه متفاوت است.

۵. مراجع

- [1]. ACI Standard 211.1, Standard Practice for Selecting Proportions for Normal, Heavyweight, and Mass Concrete, ACI Manual of Concrete Practice, Part 1, 1996.
- [2]. M. Simon, J. Lagergren, E. S. Snyder, A. Kenneth "Concrete Mixture Optimization Using Statistical Mixture Design Methods" International Symposium on High Performance Concrete. 230-244, October, 1997.
- [3]. Y. Xi, B. Shing, Z. Xie, "Development of Optimal Concrete Mix Designs for Bridge Decks," The Colorado Department of Transportation. Report No. CDOT-DTD-R-2001-11.
- [4]. J. Cannon, P. Murti, G.R. Krishna. "Concrete Optimized Mix Proportioning (COMP)" *Cement and Concrete Research*. 4, 353-366, 1971.

Abstract

Concrete mix design using optimization principles and based on experimental results

A. Habibi *

Assistant Professor, Faculty of Engineering, University of Kurdistan

H. Safaari

MS. Student, University of Kurdistan

(Received: 2010/12/15, Accepted: 2011/4/25)

Abstract

Existing resources limitation and abundant use of concrete has made the necessity of objected employment of funds especially for mass production of this type of material. Concrete mix design is one of the most important criteria that should be changed in order to optimal and mass production of concrete. The objective of present research is to present a new method for concrete mix design using the principles of optimization. Practicability of this work is very important because it is based on theoretical and experimental studies considering conditions of production of concrete in Iran. Optimization model of the concrete mix design is first developed accounting for effects of experimental results. Then using an optimization algorithm, optimal concrete mix design is obtained for the concrete with the strength under consideration. Presented process and model can be developed for similar problems. Case study's results show that optimal concrete mix design is obtained while maximum dimension of coarse aggregate and consequently amount of coarse aggregate is increased. It is shown that the developed method is able to minimize costs of casting concrete in addition to making the automatic mix design process.

Keywords: Mix design, Concrete, Optimization, Cost reduction of cement in conventional and logical amounts have been applied which provide bridging forces across cracks and thus prevent them from growing.

* Corresponding author: ar.habibi@uok.ac.ir