

## توسعه یک طرح نمونه‌گیری به منظور پذیرش جدید با در نظر گرفتن روش حداقل زاویه و براساس

### شاخص بازده فرآیند $S_{pk}$

سیده عاطفه بنی‌هاشمی<sup>۱</sup>، محمدصابر فلاح نژاد<sup>۲</sup>، امیرحسین امیری<sup>۳</sup>، محمد صالح اولیاء<sup>۴</sup>  
<sup>۱</sup>دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه یزد گروه مهندسی صنایع، یزد؛ Banihashemi.atefe@gmail.com  
<sup>۲</sup>دانشیار، دانشگاه یزد گروه مهندسی صنایع، یزد؛ fallahnezhad@yazd.ac.ir  
<sup>۳</sup>دانشیار، دانشگاه شاهد گروه مهندسی صنایع، تهران؛ Amiri@shahed.ac.ir  
<sup>۴</sup>استاد، دانشگاه یزد گروه مهندسی صنایع، یزد؛ owliams@yazd.ac.ir

### چکیده

طرح‌های نمونه‌گیری به منظور پذیرش، برای تصمیم‌گیری درباره کیفیت محصولات استفاده می‌شوند. این طرح‌ها قوانین تصمیم‌گیری درباره پذیرش و رد انباشته را در اختیار تولیدکننده و مصرف‌کننده قرار می‌دهند. در این مقاله، از روش حداقل زاویه برای توسعه یک طرح اقتصادی و کارا برای طرح نمونه‌گیری تعویقی چندگانه براساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  استفاده می‌شود. پارامترهای طرح بهینه با استفاده از رویکرد بهینه‌سازی غیرخطی با هدف کمینه‌کردن متوسط اندازه نمونه بازرسی شده و ماکزیمم کردن نرخ دستیابی به منحنی مشخصه عملکرد ایده‌آل با در نظر گرفتن محدودیت‌های مربوط به ریسک تولیدکننده و مصرف‌کننده به‌طور همزمان تعیین می‌شوند. نتایج تحقیق نشان می‌دهد که در شرایط یکسان طرح نمونه‌گیری تعویقی چندگانه پیشنهادی، اندازه نمونه و مقدار تابع هدف را در مقایسه با طرح یک‌بار نمونه‌گیری کاهش می‌دهد. برای نشان دادن کاربرد طرح پیشنهادی، یک مثال عددی ارائه می‌شود.

کلمات کلیدی: نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش، روش حداقل زاویه، شاخص بازده فرآیند، کنترل کیفیت

### ۱- مقدمه

نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش، یک ابزار عملی و مفید است که می‌تواند به تولیدکنندگان و مصرف‌کنندگان کمک کند تا تعیین کنند که یک انباشته پذیرفته یا رد شود [۱]. طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش بر اساس نوع داده، به دو نوع وصفی و متغیر طبقه‌بندی می‌شوند. اندازه نمونه مورد نیاز برای طرح نمونه‌گیری متغیر ممکن است هزینه بیشتری از طرح‌های نمونه‌گیری وصفی داشته باشد، اما کاهش اندازه نمونه ممکن است بیش از این افزایش هزینه را خنثی کند، به‌ویژه هنگامی که تست مخرب است یا هزینه بازرسی بسیار زیاد است. علاوه بر این، هنگامی که سطح کیفیت مورد نیاز بسیار بالا است، اندازه نمونه مورد نیاز برای طرح نمونه‌گیری وصفی به‌طور غیر عملی بالا است. در این شرایط، ممکن است استفاده از طرح نمونه‌گیری متغیر مزایای قابل توجهی داشته باشد [۲،۳]. مطالعات متعددی برای توسعه طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش متغیر بر اساس شاخص‌های قابلیت فرآیند انجام شده است [۴-۷]. روش نمونه‌گیری MDS متعلق به گروهی از طرح‌های نمونه‌گیری شرطی می‌باشد که تصمیم‌گیری درباره انباشته بر اساس نتایج بدست‌آمده از انباشته‌های فعلی و پیشین صورت می‌گیرد. طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش تعویقی چندگانه (MDS) بر اساس انباشته فعلی و همچنین انباشته‌های پیشین است. بالامورالی و جان [۸] مفهوم طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش MDS وصفی را به

<sup>۱</sup>multiple dependent state sampling plan (MDS)

طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش MDS متغیر آتوسعه دادند. طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش VMDS توسط اسلام و همکاران [۹] بر اساس شاخص قابلیت فرآیند  $C_{pk}$ ، با استفاده از تقریب نرمال مورد بررسی قرار گرفت. نتایج مطالعات آن‌ها نشان داد که طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش VMDS یک طرح نمونه‌گیری برتر است. زیرا به اندازه نمونه کمتری برای بازرسی و بدست آوردن منحنی مشخصه عملکرد<sup>۲</sup> (OC) ایده‌آل نیاز دارد. وو و همکاران [۱۰] نشان دادند که شاخص قابلیت فرآیند  $C_{pk}$  می‌تواند بازده تقریبی فرآیند را برای حدود مشخصات دو طرفه ارائه دهد. در صورتی که، شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  می‌تواند یک رابطه یک‌به‌یک بین مشخصات تولید و بازده واقعی فرآیند برقرار سازد و اندازه دقیق به‌جای تقریبی از بازده فرآیند را میسر می‌سازد. از اینرو، طرح نمونه‌گیری VMDS بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  توسط وو و همکاران [۱۱] با هدف کمینه‌کردن اندازه نمونه مورد نیاز و با در نظر گرفتن ریسک تولیدکننده و مصرف‌کننده به‌طور همزمان توسعه داده شد و نتایج مطالعات نشان داد که طرح پیشنهادی آن‌ها نسبت به طرح یک‌بار نمونه‌گیری<sup>۴</sup> (SSP) به اندازه نمونه کمتری نیاز دارد. برای اطلاعات بیشتر درباره طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش VMDS می‌توانید به [۱۲، ۱۳] مراجعه کنید.

یک رویکرد دیگر برای طراحی طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش، روش حداقل زاویه است. این رویکرد با استفاده از نقاط AQL و LQL، روشی ارائه می‌کند تا منحنی مشخصه عملکرد درحالت نزدیک به ایده‌آل خود قرار گیرد. در طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش با منحنی OC ایده‌آل تمام انباشته‌های خوب با احتمال یک و تمام انباشته‌های بد با احتمال صفر پذیرفته می‌شوند. منحنی OC ایده‌آل تنها با بازرسی صد درصد و آن هم به شرط عاری بودن بازرسی از خطا بدست می‌آید. فلاح‌نژاد و احمدی‌یزدی [۱۴] یک مدل بهینه‌سازی جدید برای طراحی طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش بر اساس طول دنباله تعداد تجمعی ارقام منطبق و روش حداقل زاویه ارائه کردند. فلاح‌نژاد و همکاران [۱۵] طرح‌های نمونه‌گیری مختلف را با اهداف کمینه‌کردن زیان کل مورد انتظار و بیشینه‌کردن نرخ دستیابی به منحنی OC ایده‌آل و با در نظر گرفتن همزمان ریسک تولیدکننده و مصرف‌کننده هنگامی که مشخصه کیفی مورد نظر از توزیع نرمال پیروی می‌کند و دارای حد مشخصه‌ی پایین است، توسعه دادند.

بر اساس اطلاعات محققین تاکنون هیچ تحقیقی بر روی طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش بر اساس شاخص بازده  $S_{pk}$  و با در نظر گرفتن روش حداقل زاویه و متوسط اندازه نمونه بازرسی شده<sup>۵</sup> (ASN) انجام نشده است. نمونه‌گیری ریسک رد کردن انباشته‌های خوب و پذیرفتن انباشته‌های با کیفیت پایین را با خود دارد و هرچه اندازه نمونه بیشتر شود این ریسک‌ها کمتر شده و منحنی OC به منحنی OC ایده‌آل نزدیک‌تر می‌شود. واضح است که برای دستیابی به منحنی OC ایده‌آل، ریسک تولیدکننده ( $\alpha$ ) و مصرف‌کننده ( $\beta$ ) باید به حداقل برسد. از طرفی با کاهش  $\alpha$  و  $\beta$  اندازه نمونه افزایش می‌یابد که ممکن است منجر به هزینه‌های بیشتر شود. بنابراین، در این مقاله، طرح نمونه‌گیری VMDS با هدف کمینه‌کردن متوسط اندازه نمونه بازرسی شده (ASN) و ماکزیم نمودن نرخ دستیابی به منحنی مشخصه عملکرد ایده‌آل و با در نظر گرفتن محدودیت‌های مربوط به ریسک تولیدکننده و مصرف‌کننده به‌طور همزمان بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  توسعه داده می‌شود. مزیت اصلی طرح پیشنهادی، دستیابی به منحنی OC ایده‌آل با اندازه نمونه کمتر بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  است. ساختار مقاله بدین صورت است که به‌طور خلاصه تعریف شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  و مشخصات آماری تخمین آن در بخش ۲ معرفی می‌شود. مدل‌سازی مسئله در بخش ۳ ارائه خواهد شد. نتایج ارزیابی عملکرد روش پیشنهادی در بخش ۴ گزارش می‌شود. برای نشان دادن کاربرد طرح نمونه‌گیری پیشنهادی، یک مثال عددی در بخش ۵ ارائه خواهد شد و در بخش پایانی، به نتیجه‌گیری و پیشنهادات برای مطالعات آتی پرداخته می‌شود.

<sup>2</sup>variable multiple dependent state sampling plan (VMDS)

<sup>3</sup>operating characteristic curves (OC)

<sup>4</sup>simple sampling plan (SSP)

<sup>5</sup>average sample number (ASN)

۲- شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$ 

در چند دهه گذشته، شاخص‌های قابلیت فرآیند<sup>۶</sup> (PCI) به‌طور گسترده در صنعت تولید استفاده شده است، از جمله:

$$C_p = (USL - LSL) / 6\sigma, \quad (1)$$

$$C_a = 1 - \left( \frac{|\mu - M|}{d} \right), \quad (2)$$

$$C_{pk} = \min \left\{ \frac{USL - \mu}{3\sigma}, \frac{\mu - LSL}{3\sigma} \right\}, \quad (3)$$

که  $USL$  و  $LSL$  به ترتیب حدود مشخصات فنی بالا و پایین هستند.  $\mu$  و  $\sigma$  میانگین و انحراف معیار فرآیند هستند.  $M$  و  $d$  به ترتیب برابر با  $M = (USL + LSL)/2$  و  $d = (USL - LSL)/2$  هستند. شاخص  $C_p$  توانایی بالقوه فرآیند و شاخص  $C_a$  میزان مرکزیت فرآیند را اندازه‌گیری می‌کند و شاخص  $C_{pk}$  به جای اندازه‌گیری دقیق بازده فرآیند، مقدار تقریبی بازده فرآیند را محاسبه می‌کند. این سه شاخص نمی‌توانند اندازه دقیق بازده فرآیند را ارائه دهند. برای بدست آوردن اندازه‌گیری دقیق، بویلز [۱۶] شاخص بازده  $S_{pk}$  را پیشنهاد کرد.

$$\begin{aligned} S_{pk} &= \frac{1}{3} \Phi^{-1} \left[ \frac{1}{2} \Phi \left( \frac{USL - \mu}{\sigma} \right) + \frac{1}{2} \Phi \left( \frac{\mu - LSL}{\sigma} \right) \right] \\ &= \frac{1}{3} \Phi^{-1} \left[ \frac{1}{2} \Phi(3C_p C_a) + \frac{1}{2} \Phi(3C_p(2 - C_a)) \right], \end{aligned} \quad (4)$$

که  $\Phi(\cdot)$  تابع توزیع تجمعی نرمال استاندارد است و  $\Phi^{-1}(\cdot)$  معکوس تابع توزیع تجمعی نرمال استاندارد است. فرض کنید  $S_{pk} = S_0$  باشد، سپس بازده فرآیند از طریق رابطه  $Yield = 2\Phi(3S_0) - 1$  % محاسبه می‌شود و عدم تطابق در میلیون<sup>۷</sup> (NCPMP) توسط  $NCPMP = 2[1 - \Phi(3S_0)] \times 10^6$  محاسبه می‌شود. تخمین نقطه‌ای  $S_{pk}$  ( $\hat{S}_{pk}$ ) را می‌توان با استفاده از رابطه (۵) بدست آورد.

$$\begin{aligned} \hat{S}_{pk} &= \frac{1}{3} \Phi^{-1} \left[ \frac{1}{2} \Phi \left( \frac{USL - \bar{x}}{s} \right) + \frac{1}{2} \Phi \left( \frac{\bar{x} - LSL}{s} \right) \right] \\ &= \frac{1}{3} \Phi^{-1} \left[ \frac{1}{2} \Phi(\hat{C}_p \hat{C}_a) + \frac{1}{2} \Phi(3\hat{C}_p(2 - \hat{C}_a)) \right], \end{aligned} \quad (5)$$

که  $\bar{x}$  و  $s$  به ترتیب با استفاده از روابط  $\bar{x} = \sum_{i=1}^n x_i / n$  و  $s = [\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 / (n - 1)]^{1/2}$  محاسبه می‌شوند. علاوه بر این، لی و همکاران [۱۷] برای ساده سازی، توزیع تقریبی نرمال  $\hat{S}_{pk}$  را با اولین بسط تیلور محاسبه نمودند. تخمین می‌تواند به صورت زیر بیان شود:

$$\hat{S}_{pk} \approx S_{pk} + \frac{1}{6\sqrt{n}} [\Phi(3S_{pk})^{-1}] W \quad (6)$$

<sup>6</sup> process capability index (PCI)

<sup>7</sup>non-conformities in units of parts per million (NCPMP)

که

$$W = \begin{cases} \sqrt{\frac{\pi}{2}} \left[ \frac{a(S^2 - \sigma^2)}{\sigma} \right] - \sqrt{n} \frac{b(\bar{x} - \mu)}{\sigma} & \mu < M, \\ \sqrt{\frac{\pi}{2}} \left[ \frac{a(S^2 - \sigma^2)}{\sigma} \right] + \sqrt{n} \frac{b(\bar{x} - \mu)}{\sigma} & \mu > M, \end{cases} \quad (7)$$

که  $a$  و  $b$  تابعی از  $C_p$  و  $C_a$  هستند و می توان به صورت زیر تعریف نمود:

$$a = \frac{1}{\sqrt{2}} \{3C_p C_a \phi(3C_p C_a) + 3C_p(2 - C_a) \phi(3C_p(2 - C_a))\}, \quad (8)$$

$$b = \phi \{3C_p(2 - C_a)\} - \phi(3C_p C_a). \quad (9)$$

که  $\phi(\cdot)$  بیانگر تابع چگالی احتمالی (p.d.f) توزیع نرمال استاندارد است و آماره  $W$  دارای توزیع نرمال  $N(0, a^2 + b^2)$  است و  $C_p$  و  $C_a$  به ترتیب برآورد  $C_p$  و  $C_a$  هستند. بدین ترتیب  $\hat{S}_{pk}$  از توزیع زیر تبعیت می کند:

$$N(S_{pk}, [a^2 + b^2] \{36n [\phi(3S_{pk})^2]\}^{-1}), \quad (10)$$

و تابع چگالی احتمالی  $\hat{S}_{pk}$  را می توان به صورت زیر نوشت:

$$f_{\hat{S}_{pk}}(x) = \sqrt{\frac{18n}{\pi}} \frac{\phi(3S_{pk})}{\sqrt{a^2 + b^2}} \exp \left[ -\frac{18n (\phi(3S_{pk}))^2}{a^2 + b^2} \times (x - S_{pk})^2 \right], \quad -\infty < x < \infty. \quad (11)$$

### ۳- توسعه یک طرح نمونه گیری به منظور پذیرش بر اساس روش حداقل زاویه و شاخص بازده فرآیند $S_{pk}$

روش نمونه گیری MDS متعلق به گروهی از برنامه های نمونه گیری شرطی می باشد که تصمیم گیری درباره انباشته بر اساس نتایج بدست آمده از انباشته های فعلی و پیشین صورت می گیرد. معیاری که معمولاً برای سنجش عملکرد طرح های نمونه گیری به منظور پذیرش استفاده می شود، منحنی OC است که احتمال پذیرش و ریسک های تولیدکننده و مصرف کننده را تعیین می کند. طرح نمونه گیری MDS بر اساس دو نقطه بر روی منحنی OC طراحی می شود به طوری که منحنی OC از دو نقطه طراحی شده  $(AQL, 1 - \alpha)$  و  $(LQL, \beta)$  عبور کند. یعنی احتمال پذیرش انباشته در سطح کیفیت قابل قبول (AQL) باید بیشتر از  $1 - \alpha$  باشد و احتمال پذیرش انباشته در سطح کیفیت حدی (LQL) نباید بیشتر از  $\beta$  باشد. شیوه نمونه گیری در طرح VMDS به صورت زیر است:

گام ۱: مقادیر پارامترهای ریسک تولیدکننده  $\alpha$  و ریسک مصرف کننده  $\beta$  و  $S_{AQL}$ ،  $S_{LQL}$  و تعداد دفعات نمونه گیری های پیشین ( $m$ ) را تعیین کنید.

گام ۲: پارامترهای بهینه  $(n, k_r, k_a)$  را با استفاده از رابطه های (۱۵-۱۹) تعیین کنید.

گام ۳: اندازه نمونه ای به اندازه  $n$  از انباشته گرفته و مقدار  $\hat{S}_{pk}$  را محاسبه کنید.

گام ۴: اگر  $\hat{S}_{pk} \geq k_a$  باشد انباشته را بپذیرید و اگر  $\hat{S}_{pk} \leq k_r$  باشد انباشته را رد کنید و در صورتی که  $k_r < \hat{S}_{pk} < k_a$  برقرار باشد اگر  $m$  انباشته قبلی تحت شرایط  $\hat{S}_{pk} \geq k_a$  پذیرفته شده باشند انباشته را بپذیرید و در غیر این صورت رد کنید.

تابع OC توسعه داده شده برای طرح نمونه گیری MDS بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  به صورت زیر است:

$$\pi_{\alpha; MDS}(S_{pk}) = P(\hat{S}_{pk} \geq k_a) + P(k_r < \hat{S}_{pk} < k_a) \times [P(\hat{S}_{pk} \geq k_a)]^m. \quad (12)$$

که اولین عبارت از سمت راست بیانگر احتمال پذیرش انباشته بر اساس انباشته فعلی، و دومین عبارت بیانگر احتمال پذیرش انباشته بر اساس انباشته‌های پیشین است.

تابع متوسط اندازه نمونه بازرسی شده (ASN)، برای طرح نمونه‌گیری MDS برابر با  $ASN_{MDS} = n$  است.

نمونه‌گیری، ریسک رد کردن انباشته‌های خوب و پذیرفتن انباشته‌های با کیفیت بد را با خود دارد و هرچه اندازه نمونه بیشتر شود این ریسک‌ها کمتر شده و منحنی OC به منحنی OC ایده‌آل نزدیک‌تر می‌شود. واضح است که برای دستیابی به منحنی OC ایده‌آل، ریسک تولیدکننده ( $\alpha$ ) و مصرف‌کننده ( $\beta$ ) باید به حداقل برسد. از طرفی با کاهش  $\alpha$  و  $\beta$  اندازه نمونه افزایش می‌یابد که ممکن است منجر به هزینه‌های بیشتر شود. نمونه‌گیری و بازرسی پر هزینه است بنابراین طرح نمونه‌گیری که منجر به کاهش اندازه نمونه موردنیاز برای بازرسی شود مناسب‌تر است. بنابراین لازم است طرح نمونه‌گیری بهینه دارای دو ویژگی باشد: ۱. متوسط تعداد نمونه‌هایی که بازرسی می‌شوند تا بتوان درباره انباشته تصمیم‌گیری کرد باید حداقل شوند. ۲. تابع هدف روش حداقل زاویه باید کمینه شود تا منحنی OC ایده‌آل حاصل شود. در نتیجه در این مقاله کمینه‌کردن ASN و تانژانت زاویه بین خطوط که  $[S_{AQL}, \pi_{\alpha}(S_{AQL})]$  را به  $[S_{LQL}, \pi_{\alpha}(S_{LQL})]$  متصل می‌سازد باید به‌طور همزمان انجام شود. طبق مطالعات سوندراجان و کریستینا [۱۸]، برای دستیابی به منحنی OC ایده‌آل در شرایطی که  $S_{AQL}$  و  $S_{LQL}$  ثابت باشند کمینه‌کردن این زاویه مطلوب است و تانژانت این زاویه از طریق رابطه زیر بدست می‌آید:

$$tg(\theta) = \left( \frac{S_{AQL} - S_{LQL}}{\pi_{\alpha}(S_{AQL}) - \pi_{\alpha}(S_{LQL})} \right). \quad (13)$$

باتوجه به توضیحات فوق از آنجا که  $S_{AQL}$  و  $S_{LQL}$  ثابت هستند و هدف کمینه کردن تانژانت زاویه است لذا باید مخرج کسر رابطه (۱۳) ماکزیمم شود. از طرف دیگر ASN نیز باید می‌نیمم شود. لذا این مسأله یک مسأله دو هدفه است که می‌توان به راحتی به صورت رابطه (۱۴) دو تابع هدف را به صورت زیر با یکدیگر ترکیب و به یک هدف Z تبدیل کرد.

$$Z = \left( \frac{ASN}{\pi_{\alpha}(S_{AQL}) - \pi_{\alpha}(S_{LQL})} \right). \quad (14)$$

با توجه به رابطه (۱۴) و حل معادله بهینه‌سازی غیر خطی (۱۹-۱۵) پارامترهای طرح پیشنهادی MDS را می‌توان تعیین نمود:

$$Min Z_{MDS} = \frac{n}{\pi_{\alpha, MDS}(S_{AQL}) - \pi_{\alpha, MDS}(S_{LQL})} \quad (15)$$

محدودیت‌ها:

$$\pi_{\alpha, MDS}(S_{AQL}) = P(\hat{S}_{AQL} \geq k_{\alpha}) + P(k_{\gamma} < \hat{S}_{AQL} < k_{\alpha}) \times [P(\hat{S}_{AQL} \geq k_{\alpha})]^m \geq 1 - \alpha, \quad (16)$$

$$\pi_{\alpha, MDS}(S_{LQL}) = P(\hat{S}_{LQL} \geq k_{\alpha}) + P(k_{\gamma} < \hat{S}_{LQL} < k_{\alpha}) \times [P(\hat{S}_{LQL} \geq k_{\alpha})]^m \leq \beta, \quad (17)$$

$$k_{\alpha} > k_{\gamma} > 0, \quad (18)$$

$$S_{AQL} > S_{LQL}, \quad n: \text{Integer} \quad (19)$$

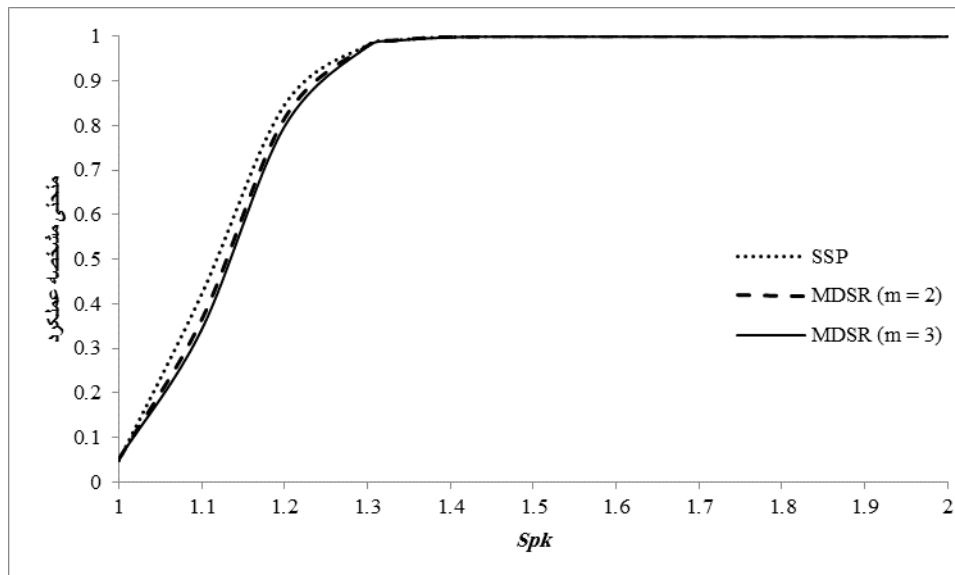
## ۴- ارزیابی عملکرد طرح پیشنهادی

جدول های ۱ تا ۴ مقادیر پارامترهای بهینه  $(n, k_r, k_a)$  را به ازای مقادیر مختلف  $\alpha$  و  $\beta$  و  $(1/67, 1/33)$ ،  $(2/00, 1/67)$ ،  $(1/33)$ ،  $(1/50)$ ،  $(1/33, 1/00)$  برای  $m = 2, 3$  نشان می دهند.

از جدول های ۱ تا ۴ مشاهده می شود که هرچه ریسک تولیدکننده و مصرف کننده کمتر باشد، اندازه نمونه بیشتری برای بازرسی مورد نیاز است و مقدار تابع هدف نیز افزایش می یابد. زیرا اگر انتظار می رود که احتمال نتیجه گیری نادرست از انباشته بد به عنوان انباشته خوب یا انباشته خوب به عنوان انباشته با کیفیت پایین کمتر باشد، اطلاعات نمونه بیشتری لازم است تا درباره انباشته تصمیم گیری شود. به عنوان مثال، به ازای  $S_{AQL} = 1/33$  و  $S_{LQL} = 1/00$  اگر  $\alpha = 0/05$ ،  $\beta = 0/10$  و  $m = 2$  باشد اندازه نمونه، عدد پذیرش، عدد رد و مقدار تابع هدف برابر خواهد بود با  $n = 32$  و  $k_a = 1/168$  و  $k_r = 0/721$  و  $Z = 37/50$  و به ازای همین مقادیر اگر  $\alpha = 0/05$  و  $\beta = 0/10$  خواهیم داشت  $n = 60$  و  $k_a = 1/152$  و  $k_r = 0/902$  و  $Z = 63/82$

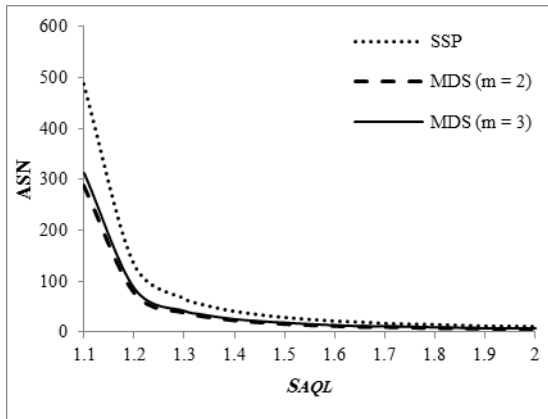
همچنین، هرچه اختلاف بین  $S_{AQL}$  و  $S_{LQL}$  بیشتر باشد اندازه نمونه کمی برای بازرسی مورد نیاز است. به طور مثال، اگر  $\alpha = 0/05$  و  $\beta = 0/10$  باشد و به ازای  $S_{AQL} = 1/50$  و  $S_{LQL} = 1/33$ ، اندازه نمونه، عدد پذیرش و رد و مقدار تابع هدف برابر با  $n = 180$  و  $k_a = 1/423$  و  $k_r = 1/189$  و  $Z = 211/73$  می شود. به ازای همین مقادیر اگر  $S_{AQL} = 1/67$  و  $S_{LQL} = 1/33$  باشد، اندازه نمونه و عدد پذیرش و رد برابر خواهند بود با  $n = 50$  و  $k_a = 1/507$  و  $k_r = 1/118$  و  $Z = 58/74$  با افزایش تعداد دفعات نمونه گیری پیشین، اندازه نمونه بیشتری برای بازرسی مورد نیاز است.

یکی از معیارهای مهم ارزیابی عملکرد طرح های نمونه گیری به منظور پذیرش، منحنی OC است که احتمال پذیرش انباشته را به ازای مقادیر مختلف کیفیت انباشته ترسیم می کند. در واقع منحنی OC قدرت تمایز طرح های مختلف را منعکس می کند. در شکل ۱، منحنی های OC طرح نمونه گیری VMDS پیشنهادی برای  $m = 2, 3$  و طرح یکبار نمونه گیری (SSP) به ازای  $S_{AQL} = 1/33$  و  $S_{LQL} = 1/00$  و  $S_{LQL} = (0/05, 0/10)$  رسم شده است و مشاهده می شود که با افزایش مقدار  $S_{pk}$ ، احتمال پذیرش طرح نمونه گیری VMDS پیشنهادی افزایش می یابد و همچنین منحنی های OC طرح نمونه گیری پیشنهادی VMDS با طرح نمونه گیری SSP تقریباً مشابه یکدیگر عمل می کنند.

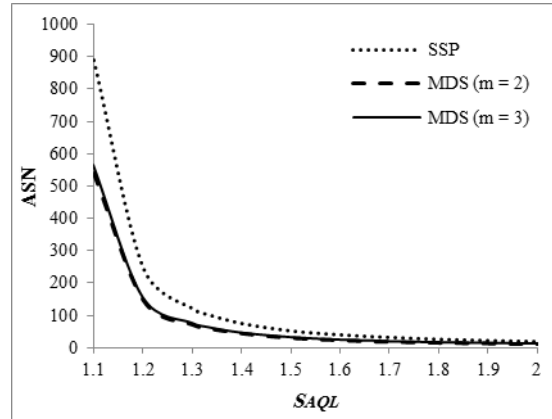


شکل ۱. منحنی مشخصه عملکرد (OC) برای طرح پیشنهادی VMDS و SSP به ازای  $(S_{AQL}, S_{LQL}) = (1/33, 1/00)$ .

منحنی‌های متوسط اندازه نمونه و تابع هدف طرح نمونه‌گیری VMDS پیشنهادی برای  $m = 2, 3$  و طرح نمونه‌گیری SSP به‌ازای مقادیر مختلف  $S_{AQL}$  و  $S_{LQL} = 1/100$  و  $(\alpha, \beta) = (0/01, 0/05)$  و  $(\alpha, \beta) = (0/05, 0/10)$  به ترتیب در شکل ۲ و ۳ نمایش داده شده است و مشاهده می‌شود که طرح VMDS عملکرد بهتری به لحاظ ASN و Z نسبت به SSP دارد. با افزایش مقدار  $S_{AQL}$  مقدار ASN و Z کاهش می‌یابد و عملکرد طرح VMDS و SSP به یکدیگر نزدیک می‌شود.

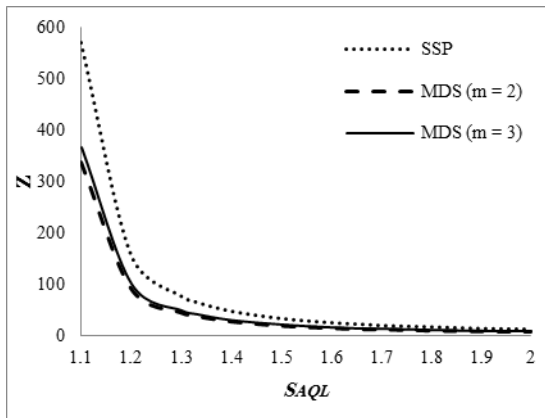


$$(\alpha, \beta) = (0/05, 0/10) \quad (2)$$

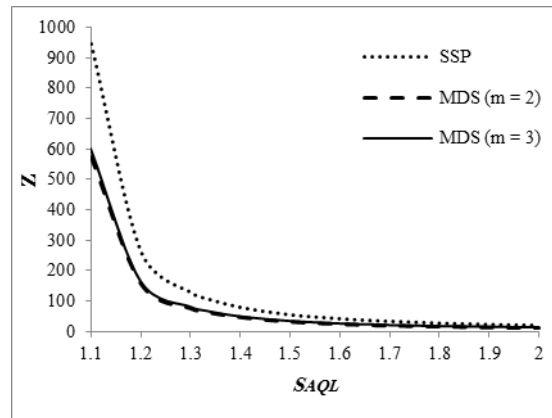


$$(\alpha, \beta) = (0/01, 0/05) \quad (1)$$

شکل ۲. متوسط اندازه نمونه برای طرح پیشنهادی VMDS و SSP به‌ازای  $S_{LQL} = 1/100$



$$(\alpha, \beta) = (0/05, 0/10) \quad (2)$$



$$(\alpha, \beta) = (0/01, 0/05) \quad (1)$$

شکل ۳. مقادیر تابع هدف برای طرح پیشنهادی VMDS و SSP به‌ازای  $S_{LQL} = 1/100$

جدول ۵ و ۶ اندازه نمونه مورد نیاز برای بازرسی و مقدار تابع هدف برای طرح SSP و VMDS به‌ازای  $(m = 2, 3)$  و مقادیر مختلف  $\alpha$

و  $\beta$  و  $(1/67, 1/33)$ ،  $(1/50, 1/33)$ ،  $(1/33, 1/00)$  را نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که، اندازه نمونه برای بازرسی و مقدار تابع هدف طرح پیشنهادی VMDS کمتر از طرح SSP است. در نتیجه، طرح VMDS اقتصادی‌تر است زیرا می‌تواند هزینه‌های بازرسی را کاهش دهد.

### ۵- مثال عددی

برای نشان دادن کاربرد طرح نمونه‌گیری پیشنهادی، یک مثال عددی که توسط وو و لیو [۱۹] بررسی شده است، در نظر گرفته می‌شود. حدود بالا و پایین مشخصات فنی برابر با  $USL = 0/88$  و  $LSL = 0/92$  را در نظر بگیرید. فرض کنید  $SAQL = 1/67$  و  $SLQL = 1/33$  و  $\alpha = 0/01$  و  $\beta = 0/05$  و  $m = 2$  مشخص هستند. با استفاده از MATLAB 2018 پارامترهای طرح پیشنهادی و مقدار تابع هدف با استفاده از جدول ۷ به صورت  $(m, k_p, k_a) = (2, 1/185, 1/492)$  و  $Z = 99/94$  بدست می‌آید. یعنی یک نمونه ۹۴ تایی لازم است به‌طور تصادفی از انباشته برای بازرسی گرفته شود. انباشته پذیرفته خواهد شد اگر  $S_{pk} \geq 1/492$  و رد خواهد شد اگر  $S_{pk} \leq 1/185$  و در صورتی که  $1/185 < S_{pk} < 1/492$  باشد انباشته پذیرفته می‌شود به شرطی که، دو انباشته پیشین ( $m = 2$ ) پذیرفته شوند در غیر این صورت انباشته رد خواهد شد. بر اساس نمونه ۹۴ تایی، میانگین و انحراف استاندارد مشخصه کیفی به ترتیب برابر با  $\bar{x} = 90/1851$  و  $S = 0/5153$  و  $S_{pk} = 1/2293$  می‌باشد. در این صورت به شرطی که دو انباشته پیشین ( $m = 2$ ) پذیرفته شوند، مصرف‌کننده انباشته را می‌پذیرد.

### ۶- نتیجه گیری و پیشنهاد برای تحقیق آتی

در صنایع تولیدی طرح‌های نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش، به‌طور گسترده برای اهداف بازرسی استفاده شده است. یک طرح نمونه‌گیری با طراحی خوب می‌تواند تفاوت بین کیفیت انباشته ارائه‌شده و موردنیاز را به‌طور چشمگیری کاهش دهد. متأسفانه نمی‌توان از ریسک پذیرش ناخواسته انباشته‌های با کیفیت بد و ریسک رد انباشته‌های خوب بدون بازرسی صد در صد اجتناب کرد. در طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش با منحنی OC ایده‌آل تمام انباشته‌های خوب با احتمال یک و تمام انباشته‌های بد با احتمال صفر پذیرفته می‌شوند. منحنی OC ایده‌آل تنها با بازرسی صد درصد و آن هم به شرط عاری بودن بازرسی از خطا بدست می‌آید. همچنین بازرسی صد در صد منجر به هزینه‌های بیشتر می‌شود. بنابراین در این مقاله، یک طرح کارآمد و اقتصادی برای طرح نمونه‌گیری VMDS با هدف کمینه‌کردن متوسط اندازه نمونه بازرسی شده و ماکزیم نمودن نرخ دستیابی به منحنی OC ایده‌آل با در نظر گرفتن محدودیت‌های مربوط به ریسک تولیدکننده و مصرف‌کننده به‌طور همزمان بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  توسعه داده شد. نتایج تحقیق نشان می‌دهد که در شرایط یکسان طرح نمونه‌گیری تعویقی چندگانه پیشنهادی، متوسط اندازه نمونه و مقدار تابع هدف را در مقایسه با طرح نمونه‌گیری SSP کاهش می‌دهد. برای استفاده عملی روند طرح پیشنهادی و جدول‌های طرح پیشنهادی برای سطح‌های مختلف کیفیت و ریسک‌های متفاوت ارائه شد. مزیت اصلی این طرح پیشنهادی، دستیابی به یک منحنی OC ایده‌آل با اندازه نمونه کوچکتر بر اساس شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  است. طرح پیشنهادی VMDS برای زمانی که مشخصه کیفی محصول دارای توزیع نرمال باشد قابل اجرا است. بنابراین، توسعه طرح‌های نمونه‌گیری VMDS برای توزیع غیر نرمال می‌تواند برای مطالعه آتی پیشنهاد شود. علاوه بر این، شاخص بازده فرآیند  $S_{pk}$  زبان کیفیت را زمانی که مشخصه کیفی محصول از مقدار هدف انحراف می‌یابد در نظر نمی‌گیرد. این مسئله می‌تواند به عنوان یک طرح نمونه‌گیری به‌منظور پذیرش متغیر جامع مورد بررسی قرار گیرد.



## مراجع

- [1] Schilling, E. G., & Neubauer, D. V. (2009). *Acceptance sampling in quality control*. Chapman and Hall/CRC.
- [2] Woodall, W. H., & Montgomery, D. C. (1999). Research issues and ideas in statistical process control. *Journal of Quality Technology*, 31(4), 376-386.
- [3] Montgomery, D. C. 2009. *Introduction to Statistics Quality Control*. 6th ed. New York: Wiley.
- [4] Wu, C. W., & Chen, J. T. (2019). A modified sampling plan by variable with an adjustable mechanism for lot sentencing. Published online in *Journal of the Operational Research Society*, doi: 10.1080/01605682.2019.1657366.
- [5] Tamirat, Y., & Wang, F. K. (2019). Acceptance sampling plans based on EWMA yield index for the first order autoregressive process. *Journal of the Operational Research Society*, 70(7), 1179-1192.
- [6] Aslam, M., Balamurali, S., & Jun, C. H. (2019). A new multiple dependent state sampling plan based on the process capability index. Published online in *Communications in Statistics-Simulation and Computation*, doi: [10.1080/03610918.2019.1588307](https://doi.org/10.1080/03610918.2019.1588307).
- [7] Lee, A. H., Wu, C. W., & Wang, Z. H. (2018). The construction of a modified sampling scheme by variables inspection based on the one-sided capability index. *Computers & Industrial Engineering*, 122, 87-94.
- [8] Balamurali, S., & Jun, C. H. (2007). Multiple dependent state sampling plans for lot acceptance based on measurement data. *European Journal of Operational Research*, 180(3), 1221-1230.
- [9] Aslam, M., Yen, C. H., Chang, C. H., & Jun, C. H. (2014). Multiple dependent state variable sampling plans with process loss consideration. *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 71(5-8), 1337-1343.
- [10] Wu, C. W., Pearn, W. L., & Kotz, S. (2009). An overview of theory and practice on process capability indices for quality assurance. *International Journal of Production Economics*, 117(2), 338-359.
- [11] Wu, C. W., Liu, S. W., & Lee, A. H. (2015). Design and construction of a variables multiple dependent state sampling plan based on process yield. *European Journal of Industrial Engineering*, 9(6), 819-838.
- [12] Wu, C. W., & Wang, Z. H. (2017). Developing a variables multiple dependent state sampling plan with simultaneous consideration of process yield and quality loss. *International Journal of Production Research*, 55(8), 2351-2364.
- [13] Wu, C. W., Lee, A. H., & Chen, Y. W. (2016). A novel lot sentencing method by variables inspection considering multiple dependent state. *Quality and Reliability Engineering International*, 32(3), 985-994.
- [14] Fallahnezhad, M. S., & Yazdi, A. A. (2016). A new optimization model for designing acceptance sampling plan based on run length of conforming items. *Journal of Industrial and Systems Engineering*, 9(2), 67-87.
- [15] Nezhad, M. S. F., Saredorahi, F. Z., Owlia, M. S., & Zad, M. A. V. (2018). Design of economically and statistically optimal sampling plans. *Hacettepe Journal of Mathematics and Statistics*, 47(3), 685-708.
- [16] Boyles, R. A. (1994). Brocess capability with asymmetric tolerances. *Communications in Statistics-Simulation and Computation*, 23(3), 615-635.
- [17] Lee, J. C., Hung, H. N., Pearn, W. L., & Kueng, T. L. (2002). On the distribution of the estimated process yield index  $S_{pk}$ . *Quality and Reliability Engineering International*, 18(2), 111-116.
- [18] Soundararajan, V., & Christina, A. L. (1997). Selection of single sampling variables plans based on the minimum angle. *Journal of Applied Statistics*, 24(2), 207-218.
- [19] Wu, C. W., & Liu, S. W. (2018). A new lot sentencing approach by variables inspection based on process yield. *International Journal of Production Research*, 56(12), 4087-4099.

جدول ۱. مقادیر پارامترهای بهینه طرح (  $m, k_r, k_a$  ) و تابع هدف طرح VMDS برای (  $m = 2$  )

$\alpha$	$\beta$	$S_{AQL} = 1/33$	$S_{AQL} = 1/50$
----------	---------	------------------	------------------

		$S_{LQ_L} = 1/100$				$S_{LQ_L} = 1/33$			
		$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$	$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$
0.01	0.01	84	0.861	1.180	85.70	489	1.340	1.429	498.81
	0.025	71	0.884	1.166	73.51	404	1.315	1.422	418.47
	0.05	60	0.902	1.152	63.82	338	1.301	1.415	359.43
	0.075	54	0.787	1.143	58.88	298	1.279	1.410	325.61
	0.1	50	0.863	1.135	55.86	272	1.243	1.406	305.05
0.025	0.01	71	0.778	1.196	73.56	419	1.306	1.437	433.64
	0.025	59	0.806	1.182	62.03	340	1.255	1.431	357.65
	0.05	49	0.896	1.168	52.97	281	1.273	1.424	303.35
	0.075	44	0.839	1.159	48.70	245	1.289	1.418	272.18
	0.1	40	0.835	1.151	45.45	220	1.256	1.414	251.24
0.05	0.01	61	0.612	1.211	64.75	363	1.256	1.445	385.35
	0.025	49	0.703	1.199	52.96	289	1.251	1.439	312.23
	0.05	41	0.699	1.186	45.41	235	1.273	1.432	260.84
	0.075	36	0.715	1.177	40.93	203	1.253	1.427	231.80
	0.1	32	0.721	1.168	37.50	180	1.189	1.423	211.73
0.075	0.01	55	0.001	1.223	59.87	328	1.233	1.451	357.66
	0.025	44	0.719	1.210	48.68	259	1.283	1.445	287.35
	0.05	36	0.001	1.197	40.91	207	1.231	1.439	236.45
	0.075	31	0.001	1.190	36.30	177	1.230	1.434	208.17
	0.1	28	0.001	1.183	33.61	157	1.207	1.430	189.97
0.1	0.01	50	0.709	1.233	55.92	302	1.326	1.456	338.99
	0.025	40	0.001	1.221	45.43	238	1.268	1.450	270.93
	0.05	32	0.001	1.209	37.45	188	1.273	1.444	220.68
	0.075	27	0.001	1.201	32.69	159	1.210	1.440	192.55
	0.1	24	0.001	1.193	29.91	140	1.241	1.435	174.55

جدول ۲. مقادیر پارامترهای بهینه طرح (  $n, k_r, k_z$  ) و تابع هدف طرح VMDS برای (  $m = 2$  )

$\alpha$	$\beta$	$S_{LQ_L} = 1/67$			$S_{LQ_L} = 1/33$			$S_{LQ_L} = 2/100$		
		$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$	$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$	
0.01	0.01	133	1.216	1.520	135.69	215	1.577	1.858	219.33	
	0.025	111	1.231	1.506	115.00	179	1.590	1.844	185.41	
	0.05	94	1.185	1.492	99.94	151	1.562	1.831	160.43	
	0.075	84	1.223	1.481	91.75	134	1.580	1.820	146.27	
	0.1	77	1.180	1.473	86.32	122	1.522	1.812	136.94	

۰.۰۲۵	۰.۰۱	۱۱۳	۱.۳۱۳	۱.۵۳۶	۱۱۷.۰۹	۱۸۴	۱.۵۳۱	۱.۸۷۳	۱۹۰.۴۷
	۰.۰۲۵	۹۳	۱.۲۱۶	۱.۵۲۲	۹۷.۸۲	۱۵۰	۱.۵۴۰	۱.۸۶۰	۱۵۷.۷۹
	۰.۰۵	۷۸	۱.۱۸۴	۱.۵۰۹	۸۴.۱۴	۱۲۵	۱.۵۴۸	۱.۸۴۷	۱۳۴.۹۲
	۰.۰۷۵	۶۸	۱.۱۶۱	۱.۴۹۸	۷۵.۵۲	۱۰۹	۱.۵۶۲	۱.۸۳۶	۱۲۱.۱۱
	۰.۱	۶۲	۱.۱۱۲	۱.۴۹۰	۷۰.۶۴	۹۹	۱.۵۳۹	۱.۸۲۸	۱۱۲.۹۰
۰.۰۵	۰.۰۱	۹۷	۱.۰۸۱	۱.۵۵۳	۱۰۳.۱۴	۱۵۸	۱.۴۷۶	۱.۸۸۹	۱۶۷.۹۱
	۰.۰۲۵	۷۹	۱.۰۹۸	۱.۵۳۹	۸۵.۲۱	۱۲۷	۱.۴۸۱	۱.۸۷۷	۱۳۷.۲۳
	۰.۰۵	۶۴	۱.۱۰۵	۱.۵۲۶	۷۱.۰۸	۱۰۴	۱.۴۹۰	۱.۸۶۳	۱۱۵.۳۸
	۰.۰۷۵	۵۶	۱.۱۱۲	۱.۵۱۶	۶۳.۸۹	۹۰	۱.۴۷۴	۱.۸۵۴	۱۰۲.۷۳
	۰.۱	۵۰	۱.۱۱۸	۱.۵۰۷	۵۸.۷۴	۸۰	۱.۴۷۵	۱.۸۴۵	۹۴.۰۹
۰.۰۷۵	۰.۰۱	۸۷	۱.۰۱۰	۱.۵۶۵	۹۵.۰۱	۱۴۲	۱.۴۲۹	۱.۹۰۱	۱۵۵.۱۱
	۰.۰۲۵	۷۰	۱.۰۲۴	۱.۵۵۲	۷۷.۵۸	۱۱۳	۱.۴۳۳	۱.۸۸۹	۱۲۵.۴۶
	۰.۰۵	۵۷	۱.۰۳۷	۱.۵۳۸	۶۴.۸۶	۹۱	۱.۵۲۵	۱.۸۷۶	۱۰۳.۹۲
	۰.۰۷۵	۴۹	۱.۰۴۱	۱.۵۲۸	۵۷.۴۳	۷۸	۱.۳۸۸	۱.۸۶۷	۹۱.۷۵
	۰.۱	۴۳	۱.۰۳۵	۱.۵۲۱	۵۲.۰۴	۷۰	۱.۴۳۷	۱.۸۵۹	۸۴.۵۲
۰.۱	۰.۰۱	۸۰	۰.۹۳۱	۱.۵۷۵	۸۹.۷۰	۱۳۱	۱.۳۸۶	۱.۹۱۱	۱۴۷.۰۶
	۰.۰۲۵	۶۳	۰.۹۲۹	۱.۵۶۴	۷۱.۹۶	۱۰۳	۱.۵۸۲	۱.۸۹۹	۱۱۷.۵۷
	۰.۰۵	۵۱	۰.۹۴۵	۱.۵۵۰	۵۹.۷۳	۸۲	۱.۵۱۹	۱.۸۸۷	۹۶.۳۴
	۰.۰۷۵	۴۳	۱.۰۹۵	۱.۵۴۱	۵۲.۰۸	۷۰	۱.۳۸۲	۱.۸۷۸	۸۴.۶۹
	۰.۱	۳۸	۰.۹۳۵	۱.۵۳۳	۴۷.۴۱	۶۲	۱.۳۸۴	۱.۸۶۹	۷۷.۱۸

جدول ۳. مقادیر پارامترهای بهینه طرح (  $n, k_r, k_a$  ) و تابع هدف طرح VMDS برای (  $m = 3$  )

$\alpha$	$\beta$	$S_{AQL} = 1/33$	$S_{LQL} = 1/100$	$S_{AQL} = 1/50$	$S_{LQL} = 1/33$
----------	---------	------------------	-------------------	------------------	------------------

		$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$	$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$
0.01	0.01	90	0.001	1.174	91.77	514	1.232	1.427	524.29
	0.025	76	0.001	1.161	78.62	428	1.240	1.420	442.98
	0.05	64	0.005	1.146	68.02	357	1.248	1.412	379.59
	0.075	58	0.028	1.137	63.06	317	1.252	1.407	345.58
	0.1	53	0.066	1.128	59.17	285	1.251	1.402	319.82
0.025	0.01	76	0.001	1.189	78.74	442	1.202	1.434	458.89
	0.025	63	0.001	1.175	66.28	362	1.208	1.427	380.87
	0.05	53	0.001	1.161	57.21	300	1.213	1.420	322.88
	0.075	47	0.001	1.150	52.09	261	1.218	1.414	289.85
	0.1	43	0.001	1.142	48.82	235	1.222	1.409	268.26
0.05	0.01	66	0.001	1.203	70.09	389	1.168	1.441	413.14
	0.025	54	0.001	1.189	58.23	315	1.174	1.434	339.54
	0.05	45	0.001	1.174	49.77	255	1.177	1.427	282.73
	0.075	39	0.001	1.166	44.28	219	1.177	1.422	250.00
	0.1	35	0.001	1.157	40.94	194	1.179	1.417	228.01
0.075	0.01	60	0.001	1.213	65.27	356	1.142	1.446	388.59
	0.025	48	0.001	1.201	53.22	281	1.142	1.440	311.85
	0.05	39	0.001	1.187	44.48	226	1.144	1.433	257.88
	0.075	34	0.001	1.175	39.83	194	1.142	1.428	227.76
	0.1	30	0.001	1.168	36.25	170	1.142	1.423	205.76
0.1	0.01	55	0.001	1.222	61.46	327	1.114	1.451	367.05
	0.025	44	0.001	1.209	49.98	258	1.112	1.445	294.69
	0.05	35	0.001	1.197	41.11	206	1.114	1.438	241.79
	0.075	30	0.001	1.187	36.31	174	1.110	1.433	210.73
	0.1	27	0.001	1.176	33.51	152	1.110	1.428	190.69

جدول ۴. مقادیر پارامترهای بهینه طرح (  $n, k_r, k_z$  ) تابع هدف طرح VMDS برای (  $m = 3$  )

$\alpha$	$\beta$	$S_{AQL} = 1/67$ $S_{LQL} = 1/32$				$S_{AQL} = 2/100$ $S_{LQL} = 1/67$			
		$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$	$n$	$k_r$	$k_z$	$Z$

۰.۰۱	۰.۰۱	۱۴۲	۱.۰۴۰	۱.۵۱۴	۱۴۴.۷۹	۲۲۸	۱.۴۴۲	۱.۸۵۲	۲۳۲.۵۳
	۰.۰۲۵	۱۱۸	۱.۰۷۳	۱.۵۰۰	۱۲۲.۲۳	۱۹۰	۱.۴۶۱	۱.۸۳۹	۱۹۶.۷۲
	۰.۰۵	۱۰۰	۱.۱۰۴	۱.۴۸۵	۱۰۶.۳۲	۱۶۰	۱.۴۸۰	۱.۸۲۵	۱۶۹.۹۵
	۰.۰۷۵	۸۹	۱.۱۲۳	۱.۴۷۴	۹۷.۲۰	۱۴۲	۱.۴۹۵	۱.۸۱۴	۱۵۴.۹۲
	۰.۱	۸۱	۱.۱۳۷	۱.۴۶۵	۹۰.۹۰	۱۲۹	۱.۵۰۵	۱.۸۰۵	۱۴۴.۶۰
۰.۰۲۵	۰.۰۱	۱۲۱	۰.۸۶۸	۱.۵۲۹	۱۲۵.۳۰	۱۹۵	۱.۳۵۳	۱.۸۶۷	۲۰۲.۰۴
	۰.۰۲۵	۱۰۰	۰.۹۳۰	۱.۵۱۵	۱۰۵.۱۵	۱۶۱	۱.۳۷۸	۱.۸۵۳	۱۶۹.۳۱
	۰.۰۵	۸۳	۰.۹۷۴	۱.۵۰۰	۸۹.۶۷	۱۳۳	۱.۳۹۵	۱.۸۳۹	۱۴۳.۶۹
	۰.۰۷۵	۷۳	۰.۹۹۸	۱.۴۸۹	۸۱.۰۵	۱۱۷	۱.۴۱۰	۱.۸۲۸	۱۲۹.۸۵
	۰.۱	۶۶	۱.۰۱۵	۱.۴۸۰	۷۵.۲۸	۱۰۵	۱.۴۱۸	۱.۸۱۹	۱۱۹.۸۴
۰.۰۵	۰.۰۱	۱۰۵	۰.۰۰۱	۱.۵۴۴	۱۱۱.۵۶	۱۷۰	۱.۲۴۳	۱.۸۸۱	۱۸۰.۷۲
	۰.۰۲۵	۸۵	۰.۰۰۱	۱.۵۳۰	۹۱.۷۹	۱۳۷	۱.۲۶۲	۱.۸۶۸	۱۴۸.۰۹
	۰.۰۵	۷۰	۰.۰۰۱	۱.۵۱۶	۷۷.۶۴	۱۱۲	۱.۲۸۰	۱.۸۵۴	۱۲۴.۳۹
	۰.۰۷۵	۶۱	۰.۰۰۱	۱.۵۰۵	۶۹.۵۳	۹۷	۱.۲۹۳	۱.۸۴۳	۱۱۰.۸۱
	۰.۱	۵۴	۰.۰۰۱	۱.۴۹۵	۶۳.۴۷	۸۷	۱.۳۰۲	۱.۸۳۴	۱۰۲.۱۱
۰.۰۷۵	۰.۰۱	۹۵	۰.۰۰۱	۱.۵۵۵	۱۰۳.۶۶	۱۵۵	۱.۱۳۲	۱.۸۹۱	۱۶۹.۰۰
	۰.۰۲۵	۷۶	۰.۰۰۱	۱.۵۴۲	۸۴.۳۸	۱۲۳	۱.۱۳۹	۱.۸۷۹	۱۳۶.۶۳
	۰.۰۵	۶۲	۰.۰۰۱	۱.۵۲۷	۷۰.۶۶	۱۰۰	۱.۱۶۲	۱.۸۶۵	۱۱۴.۰۴
	۰.۰۷۵	۵۳	۰.۰۰۱	۱.۵۱۷	۶۲.۲۹	۸۶	۱.۱۷۵	۱.۸۵۴	۱۰۰.۹۰
	۰.۱	۴۷	۰.۰۰۱	۱.۵۰۷	۵۶.۸۸	۷۶	۱.۱۷۲	۱.۸۴۶	۹۱.۸۳
۰.۱	۰.۰۱	۸۸	۰.۰۰۱	۱.۵۶۴	۹۸.۵۷	۱۴۳	۰.۰۰۱	۱.۹۰۰	۱۶۰.۳۲
	۰.۰۲۵	۷۰	۰.۰۰۱	۱.۵۵۱	۷۹.۷۱	۱۱۳	۰.۰۰۱	۱.۸۸۸	۱۲۸.۹۵
	۰.۰۵	۵۶	۰.۰۰۱	۱.۵۳۷	۶۵.۶۶	۹۰	۰.۷۲۵	۱.۸۷۵	۱۰۵.۸۱
	۰.۰۷۵	۴۸	۰.۰۰۱	۱.۵۲۶	۵۷.۹۴	۷۷	۰.۰۰۱	۱.۸۶۵	۹۳.۱۹
	۰.۱	۴۲	۰.۰۰۱	۱.۵۱۷	۵۲.۳۵	۶۸	۰.۰۰۱	۱.۸۵۵	۸۴.۶۵

جدول ۵. اندازه نمونه مورد نیاز طرح VMDS برای (m = ۲, ۳) و طرح SSP.

$\alpha$	$\beta$	$S_{AQL} = 1/33$			$S_{AQL} = 1/50$			$S_{AQL} = 1/67$			$S_{AQL} = 1/100$		
		$S_{LQL} = 1/100$			$S_{LQL} = 1/33$			$S_{LQL} = 1/33$			$S_{LQL} = 1/67$		
		SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)
۰.۰۱	۰.۰۱	۱۳۶	۸۴	۹۰	۷۵۲	۴۸۹	۵۱۴	۲۱۲	۱۳۳	۱۴۲	۳۳۷	۲۱۵	۲۲۸
	۰.۰۵	۱۰۴	۶۰	۶۴	۵۶۳	۳۳۸	۳۵۷	۱۶۱	۹۴	۱۰۰	۲۵۴	۱۵۱	۱۶۰
	۰.۱	۸۹	۵۰	۵۳	۴۶۹	۲۷۲	۲۸۵	۱۳۶	۷۷	۸۱	۲۱۴	۱۲۲	۱۲۹
۰.۰۵	۰.۰۱	۹۴	۶۱	۶۶	۵۴۲	۳۶۳	۳۸۹	۱۴۸	۹۷	۱۰۵	۲۳۹	۱۵۸	۱۷۰
	۰.۰۵	۶۸	۴۱	۴۵	۳۷۶	۲۳۵	۲۵۵	۱۰۶	۶۴	۷۰	۱۶۹	۱۰۴	۱۱۲
	۰.۱	۵۶	۳۲	۳۵	۳۰۵	۱۸۰	۱۹۴	۸۶	۵۰	۵۴	۱۳۷	۸۰	۸۷
۰.۱	۰.۰۱	۷۵	۵۰	۵۵	۴۳۸	۳۰۲	۳۲۷	۱۱۹	۸۰	۸۸	۱۹۳	۱۳۱	۱۴۳
	۰.۰۵	۵۲	۳۲	۳۵	۲۹۶	۱۸۸	۲۰۶	۸۲	۵۱	۵۶	۱۳۱	۸۲	۹۰
	۰.۱	۴۲	۲۴	۲۷	۲۲۹	۱۴۰	۱۵۳	۶۵	۳۸	۴۲	۱۰۳	۶۲	۶۸

جدول ۶. مقدار تابع هدف طرح VMDS برای (m = ۲, ۳) و طرح SSP.

$\alpha$	$\beta$	$S_{AQL} = 1/33$			$S_{AQL} = 1/50$			$S_{AQL} = 1/67$			$S_{AQL} = 1/100$		
		$S_{LQL} = 1/100$			$S_{LQL} = 1/33$			$S_{LQL} = 1/33$			$S_{LQL} = 1/67$		
		SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)	SSP	VMDS (m=2)	VMDS (m=3)
۰.۰۱	۰.۰۱	۱۳۸.۷۰	۸۵.۷۰	۹۱.۷۷	۷۶۷.۲۰	۴۹۸.۸۱	۵۲۴.۲۹	۲۱۶.۲۳	۱۳۵.۶۹	۱۴۴.۷۹	۳۴۳.۸۲	۲۱۹.۳۳	۲۳۲.۵۳
	۰.۰۵	۱۱۰.۴۶	۶۳.۸۲	۶۸.۰۲	۵۹۷.۶۲	۳۵۹.۴۳	۳۷۹.۵۹	۱۷۰.۹۸	۹۹.۹۴	۱۰۶.۳۲	۲۷۰.۱۰	۱۶۰.۴۳	۱۶۹.۹۵
	۰.۱	۹۹.۵۰	۵۵.۸۶	۵۹.۱۷	۵۲۶.۱۲	۳۰۵.۰۵	۳۱۹.۸۲	۱۵۲.۵۵	۸۶.۳۲	۹۰.۹۰	۲۴۰.۱۲	۱۳۶.۹۴	۱۴۴.۶۰
۰.۰۵	۰.۰۱	۹۹.۹۴	۶۴.۷۵	۷۰.۰۹	۵۷۵.۱۴	۳۸۵.۳۵	۴۱۳.۱۴	۱۵۷.۳۷	۱۰۳.۱۴	۱۱۱.۵۶	۲۵۳.۹۷	۱۶۷.۹۱	۱۸۰.۷۲
	۰.۰۵	۷۵.۴۳	۴۵.۴۱	۴۹.۷۷	۴۱۷.۵۳	۲۶۰.۸۴	۲۸۲.۷۳	۱۱۷.۶۲	۷۱.۰۸	۷۷.۶۴	۱۸۷.۵۷	۱۱۵.۳۸	۱۲۴.۳۹
	۰.۱	۶۵.۵۹	۳۷.۵۰	۴۰.۹۴	۳۵۷.۴۱	۲۱۱.۷۳	۲۲۸.۰۱	۱۰۱.۱۱	۵۸.۷۴	۶۳.۴۷	۱۶۰.۸۶	۹۴.۰۹	۱۰۲.۱۱
۰.۱	۰.۰۱	۸۴.۱۴	۵۵.۹۲	۶۱.۴۶	۴۹۱.۸۸	۳۳۸.۹۹	۳۶۷.۰۵	۱۳۳.۶۱	۸۹.۷۰	۹۸.۵۷	۲۱۶.۴۸	۱۴۷.۰۶	۱۶۰.۳۲
	۰.۰۵	۶۱.۰۴	۳۷.۴۵	۴۱.۱۱	۳۴۷.۰۲	۲۲۰.۶۸	۲۴۱.۷۹	۹۶.۱۶	۵۹.۷۳	۶۵.۶۶	۱۵۳.۸۲	۹۶.۳۴	۱۰۵.۸۱
	۰.۱	۵۲.۰۷	۲۹.۹۱	۳۳.۵۱	۲۸۵.۷۳	۱۷۴.۵۵	۱۹۰.۶۹	۸۰.۸۳	۴۷.۴۱	۵۲.۳۵	۱۲۸.۳۹	۷۷.۱۸	۸۴.۶۵

جدول ۷. ۹۴ نمونه گرفته شده از انباشته (واحد: %).

۸۹/۷۰	۹۰/۷۰	۸۹/۶۳	۹۰/۵۳	۸۸/۹۱	۹۰/۹۳	۹۰/۸۶	۹۰/۹۶
۹۰/۶۶	۸۹/۴۵	۹۰/۳۳	۹۱/۰۲	۹۰/۰۴	۹۰/۳۷	۹۰/۲۴	۹۰/۷۱
۹۰/۳۲	۸۹/۵۸	۹۰/۵۱	۹۰/۰۷	۹۱/۳۳	۸۹/۶۹	۹۰/۹۳	۹۰/۰۷
۹۰/۷۲	۹۰/۶۴	۸۹/۷۱	۹۱/۳۹	۸۹/۶۸	۹۰/۸۸	۸۹/۷۰	۸۹/۸۰
۹۰/۸۳	۹۰/۸۱	۹۰/۶۹	۸۹/۹۳	۹۰/۰۴	۹۰/۳۸	۸۹/۵۲	۸۹/۷۰
۹۰/۳۰	۹۰/۹۳	۸۹/۴۱	۹۰/۴۳	۹۰/۲۱	۹۰/۴۹	۹۰/۳۸	۸۹/۴۲
۹۰/۱۲	۹۰/۳۵	۸۹/۴۷	۹۰/۹۲	۹۰/۴۷	۹۰/۰۵	۸۹/۲۷	۸۹/۴۹
۹۰/۰۳	۸۹/۴۷	۹۰/۴۰	۹۰/۵۶	۹۰/۰۱	۸۹/۹۳	۸۹/۷۹	۸۹/۷۹
۹۰/۸۱	۹۰/۲۴	۸۹/۸۸	۹۰/۳۷	۸۹/۷۴	۸۹/۸۰	۹۰/۰۷	۹۰/۴۵
۹۰/۱۲	۸۹/۷۶	۸۹/۸۱	۹۰/۰۴	۹۱/۳۴	۸۹/۸۹	۹۰/۴۷	۹۰/۳۶
۹۰/۴۵	۸۹/۷۴	۸۹/۶۰	۹۰/۳۸	۸۹/۷۲	۹۱/۰۳	۹۰/۰۵	
۸۹/۹۳	۸۹/۵۱	۸۹/۵۲	۹۰/۵۶	۹۰/۳۸	۸۹/۹۲	۹۰/۲۱	